

FRANCAIS

❖ Conseils de révisions

Afin d'aborder sereinement la classe de 4^e, voici quelques révisions importantes à mettre en place pendant les vacances :

➤ **Conjugaison**

- Revoir les temps simples de l'indicatif : les terminaisons doivent être acquises.
- Site à consulter pour réviser : <https://la-conjugaison.nouvelobs.com/exercice/4eme-conjugaison-9-39.php>

➤ **Grammaire**

- Site à consulter pour revoir les fondamentaux : <https://www.lumni.fr/video/grammaire-le-sujet>

➤ **Orthographe**

- Revoir les participes passés avec ce site ludique : <https://participes-passes.ccdmd.qc.ca/>
- Consultez ce site qui offre des textes de dictée en ciblant des compétences précises : <https://www.lolivrescolaire.fr/page/16875887>

➤ **Vocabulaire**

- Fiche à apprendre pour la rentrée : <https://ekldata.com/MHrNKpf-ZriKaU4uHGZpQDcI6Xo.pdf>

MATHEMATIQUES

Utiliser le cahier de vacances de 4^e et son corrigé (version PDF jointes).



Cahier de vacances

Classe de 4^e

Académie Lille

Remerciements

Les IA-IPR de mathématiques remercient chaleureusement les auteurs de ce cahier de vacances qui ont contribué avec dynamisme et enthousiasme à son écriture en faisant preuve d'une grande disponibilité :

- Greta CALLAERT, enseignante au collège Lucie Aubrac, Dunkerque
- Ludovic DELVALLEE, enseignant au collège Jean Zay, Escautpont
- Baptiste HEBBEN, enseignant au collège Lucie Aubrac, Dunkerque
- Cindy HUON, enseignante au collège Daudet, Leers
- Bruno LANNOO, enseignant au collège Langevin, Avion
- Jérémie LANNOO, enseignant au collège Langevin, Avion
- Cédric MANCEY, enseignant au collège St Exupéry, Douvrin
- Bérénice MIEYEVILLE, enseignante au collège St Exupéry, Douvrin
- Adeline NEVE-PETELOT, enseignante au collège Henri Matisse, Linselles
- Isabelle OBLED, enseignante au collège Henri Matisse, Linselles

Ce cahier de vacances a été construit pour faciliter le travail en autonomie. Il ne remplace pas les apprentissages en classe. C'est un complément qui vous sera utile pour consolider des notions déjà vues et s'entraîner à faire des mathématiques régulièrement.

Toutes les notions mathématiques de l'année de 4e ne sont pas abordées. Il est tout à fait possible de revoir les autres grâce à vos propres cahiers de leçons.

Ce cahier est découpé en fiches thématiques qui permettent de revoir les notions mathématiques en les identifiant et les ciblant rapidement.

Chaque fiche se décompose en **7** rubriques :

- « **Les objectifs** » travaillés qui correspondent aux priorités établies par l'Inspection générale de mathématiques à partir des attendus de fin d'année publiés sur le site Eduscol.
- « **Je me mets en route** » : vous trouverez un QCM qui permet de vous tester avant d'aborder la notion. Il permet de vous auto-corriger et de réactiver des éléments utiles pour réaliser la fiche.
- « **Je réactive mes connaissances** » : vous trouverez un rappel des notions importantes avec des exemples. Il ne s'agit pas d'une leçon complète mais des éléments les plus importants utiles pour réaliser la suite.
- « **Je m'exerce** » : vous trouverez quelques exercices « fondamentaux » qui permettent de vous entraîner et de poursuivre l'apprentissage des mathématiques.
- « **Je cherche, je raisonne** » : vous trouverez des énigmes, des problèmes pour lesquels il faudra chercher, essayer, tester... Ils demandent un peu de travail mais sont construits pour que tout le monde puisse chercher et se rassurer. Un brouillon est fortement recommandé ! Les énigmes ou les problèmes permettent d'approfondir les notions de la fiche mais aussi de développer les compétences « CHERCHER » et « RAISONNER » du programme de mathématiques.
- « **Je me teste** » ou « **En vidéo** » : vous trouverez, grâce à un lien ou un QR-code, un accès à des plateformes en ligne comme *Tactileo* qui permettent de réaliser quelques questions se corrigeant automatiquement ou à des vidéos réalisées par des professeurs de l'Académie de Lille.
- « **Je me corrige** » : vous trouverez, grâce à un lien ou un QR-code, un corrigé des différents exercices proposés dans chaque fiche.

Enfin, il est important de ne pas oublier que les vacances permettent aussi de découvrir d'autres choses, d'éveiller sa curiosité et même de repérer des choses « mathématiques » dans le monde qui nous entoure, de se poser des questions ...

Les mathématiques sont vivantes !

TABLE DES MATIÈRES

<u>Nombres décimaux relatifs : produit et quotient</u>	5
<u>Fractions</u>	9
<u>Puissances</u>	14
<u>Proportionnalité</u>	18
<u>Le théorème de Pythagore</u>	23
<u>Agrandissement et réduction. Théorème de Thalès.</u>	27
<u>Calcul littéral</u>	33
<u>Équations</u>	39
<u>Statistiques : médiane</u>	43
<u>Probabilités</u>	46
<u>Algorithmique et programmation</u>	50

NOMBRES DECIMAUX RELATIFS : PRODUITS ET QUOTIENTS

Objectifs

- Je sais calculer le produit de nombres relatifs.
- Je sais calculer le quotient de nombres relatifs.

Je me mets en route

Mise en route 1

Voici les températures moyennes des planètes du système solaire.

Ranger ces planètes dans l'ordre croissant de leur température moyenne.

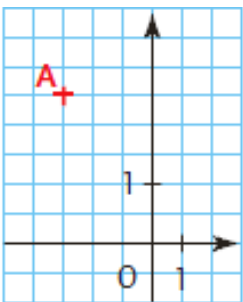
Planète	Température
Jupiter	-121 °C
Mars	-63 °C
Mercure	+179 °C
Neptune	-225 °C
Saturne	-180 °C
Terre	+15 °C
Uranus	-193 °C
Venus	+482 °C



La température moyenne des planètes varie en fonction de la distance des planètes par rapport au soleil. Plus les planètes sont éloignées du soleil, plus leur température est

Mise en route 2

Dans chaque cas, choisis la (ou les) bonne(s) réponse(s).

		A	B	C
1	 Dans ce repère, les coordonnées du point A sont ...	$(-3 ; 5)$	$(5 ; -3)$	$(-3 ; 2,5)$
2	Deux nombres relatifs opposés ont pour ...	somme 0	différence 0	produit 1
3	$-11 + 9$ est égal à ...	-20	-2	2
4	$-3 - (-5)$ est égal à ...	$-3 - 5$	$-3 + 5$	$3 + (-5)$
5	$9 - 5 + 6$ est égal à	$9 - 11$	2	10

Autocorrection : C/A/B/B/C

Mise en route 3

La petite sœur de Pauline a gribouillé une partie de son travail.
Aide-la à retrouver les termes manquants.

5	+	 	=	-4
(-9)	+	 	=	-2
(-12)	+	 	=	-5
8	+	 	=	3

Mise en route 4

Compléter avec les signes opératoires + ou - .

- a) $-11 \dots (-6) = -17$
- b) $7 \dots 8 = -1$
- c) $26 \dots (-26) = 0$
- d) $-18 \dots 17 = -35$

Je réactive mes connaissances

Produit de deux nombres relatifs

- ☞ Le produit de deux nombres relatifs de **même signe** est **positif**.
- ☞ Le produit de deux nombres relatifs de **signes différents** est **négatif**.

Exemples Les nombres ont le même signe.

$$2,5 \times 9 = \mathbf{22,5}$$

$$(-7) \times (-8) = \mathbf{56}$$

Le produit est **positif**.

Exemples Les nombres ont des signes différents.

$$2 \times (-9) = \mathbf{-18}$$

$$(-4) \times 2,5 = \mathbf{-10}$$

Le produit est **négatif**.

Un produit de plusieurs nombres relatifs est :

- ☞ **positif** si le nombre de facteurs négatifs est pair ;
- ☞ **négatif** si le nombre de facteurs négatifs est impair.

Exemple

$$(-7) \times 0,5 \times (-2) \times (-40) = \mathbf{-280}$$

Il y a **trois** facteurs négatifs donc le produit est **négatif**.

Exemple

$$(-5) \times 7 \times (-2) \times (-4) \times (-25) = \mathbf{7\ 000}$$

Il y a **quatre** facteurs négatifs donc le produit est **positif**.

Quotient de deux nombres relatifs (le diviseur étant différent de zéro)

- ☞ Le quotient de deux nombres relatifs de **même signe** est **positif**.
- ☞ Le quotient de deux nombres relatifs de **signes différents** est **négatif**.

Exemples Les nombres ont le même signe

$$\frac{27}{3} = \mathbf{9} \qquad \frac{-36}{-9} = \mathbf{4}$$

Le quotient est **positif**.

Exemples Les nombres ont des signes différents

$$\frac{-42}{6} = \mathbf{-7} \qquad \frac{35}{-7} = \mathbf{-5}$$

Le quotient est **négatif**.

Je m'exerce

Exercice 1 Calculer les produits suivants :

$$8 \times (-6) \quad ; \quad (-9) \times (-6)$$

$$(-5) \times 7 \quad ; \quad (-7) \times (-8)$$

Exercice 2 Dans chaque cas, dire quel est le signe du nombre relatif ♣ pour que le produit :

- a. $-5 \times (-7,1) \times \clubsuit \times (-6) \times (-7)$ soit positif ;
- b. $9,8 \times 1,5 \times (-1,1) \times \clubsuit \times (-8,7)$ soit négatif.

Exercice 3 Calculer les quotients suivants :

$$(-100) \div 25 \quad ; \quad -35 \div (-5)$$

$$7,5 \div (-3) \quad ; \quad (-72) \div 8$$

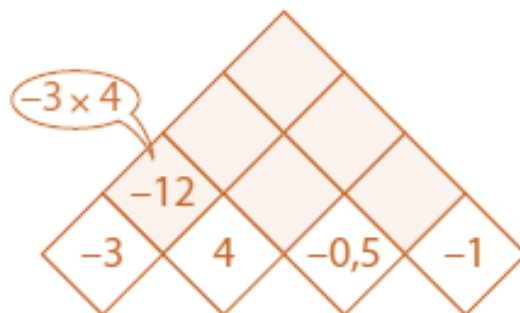
Exercice 5 Voici deux programmes de calcul :

Programme A	Programme B
Choisir un nombre.	Choisir un nombre.
Le multiplier par -1 .	Prendre son opposé.
Ajouter -7 .	Soustraire 7 .

- a. Appliquer chacun de ces programmes de calcul à $7,1$ puis à $-9,3$. Que remarque-t-on ?
- b. La remarque précédente est-elle valable quel que soit le nombre choisi ? Expliquer.

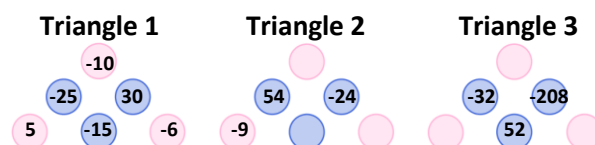
Exercice 4

Le nombre écrit dans un carré grisé est le produit des nombres écrits dans les deux carrés sur lesquels il repose. Compléter :



Exercice 6

Pour ces trois triangles, Léa a complété les cases bleues à partir des cases roses en suivant toujours la même règle et en utilisant seulement des entiers relatifs. Certaines cases des triangles 2 et 3 ont été effacées.



Retrouver les nombres manquants dans les cases des triangles 2 et 3 en sachant que la règle est toujours la même.

Je cherche, je raisonne, je relève des défis

Défi n°1 - La roue des relatifs

Le produit de trois nombres entiers écrits sur des secteurs consécutifs de la roue de la loterie vaut toujours -24 .

Compléter la roue pour trouver le nombre gagnant (celui qui est en face de la flèche).

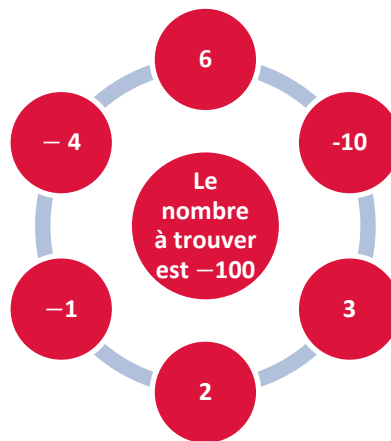


Défi n°2 - Le jeu des bulles

Règle du jeu

Le but est de trouver le nombre – 100 avec 6 nombres répartis dans 6 bulles.

- Il faut donner les étapes de calculs permettant d'obtenir le résultat affiché au centre.
- On peut utiliser les 4 opérations autant de fois que l'on veut.
- On ne peut pas utiliser deux fois le même nombre.
- On n'est pas obligé d'utiliser tous les nombres.



- 1) Un joueur propose l'expression suivante : $[-4 \times 2 - (3 - 1)] \times (-10)$.
Prouver que sa solution n'est pas correcte. Proposer ensuite un minimum de modifications pour la rendre correcte.
- 2) Proposer deux autres stratégies pour gagner à ce jeu en les écrivant à l'aide d'une seule expression.

Je me teste



[La webapplication mathsmentales](#) facilite la mise en place de rituels de calcul mental. Les questions aléatoires portent sur de nombreux thèmes comme les nombres relatifs avec des séries de questions toutes paramétrables.



Je me corrige

Pour accéder aux corrigés de cette fiche, suivre [ce lien](#) ou scanner le QR code ci-contre.



FRACTIONS

Objectifs

- Je sais calculer avec des nombres rationnels (multiplication, division).
- Je sais utiliser les nombres premiers inférieurs à 100 pour reconnaître et produire des fractions égales, simplifier des fractions.

Je me mets en route

Dans chaque cas, entoure la bonne réponse.

		A	B	C	D
1	Parmi ces nombres, lequel est un nombre premier ?	25	27	62	71
2	La décomposition en produit de facteurs premiers de 90 est ...	$47 + 43$	2×45	$2 \times 3 \times 5$	$2 \times 3^2 \times 5$
3	La fraction irréductible égale à $\frac{9}{12}$ est ...	$\frac{3^2}{2^2 \times 3}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{4}{3}$	$\frac{18}{24}$
4	Un multiple commun à 15 et 20 est ...	5	30	40	60

Auto-correction

1D ; 2D ; 3B ; 4D

Je réactive mes connaissances

Partie 1

Définition

Un **nombre premier** est un nombre qui admet exactement deux diviseurs.

Remarque

- 1 n'est pas un nombre premier car il a exactement un diviseur.

Exemples

- 13 est un nombre premier car ses seuls diviseurs sont 1 et 13.
- 14 n'est pas un nombre premier car 14 a quatre diviseurs : 1 ; 2 ; 7 et 14.

Propriété

Tout nombre entier, supérieur ou égal à 2, est décomposable en un produit de facteurs premiers.

Une méthode de décomposition d'un nombre N

On cherche le plus petit nombre premier qui divise le nombre N, on effectue la division de N par ce nombre premier et si le quotient obtenu est différent de 1, on recommence ... jusqu'à obtenir pour quotient 1.

Exemple Décomposons 126 en produit de facteurs premiers :

- $126 \div 2 = 63$ (2 est le plus petit nombre premier qui divise le nombre 126)
- $63 \div 3 = 21$ (3 est le plus petit nombre premier qui divise le nombre 63)
- $21 \div 3 = 7$ (3 est le plus petit nombre premier qui divise le nombre 21)
- $7 \div 7 = 1$ (7 est un nombre premier, donc la décomposition est terminée)

D'où $126 = 2 \times 3 \times 3 \times 7 = 2 \times 3^2 \times 7$

Je m'exerce

Exercice 1

Déterminer si les nombres suivants sont premiers ou non : **24 ; 31 ; 39 ; 47 ; 85 ; 91.**

Exercice 2

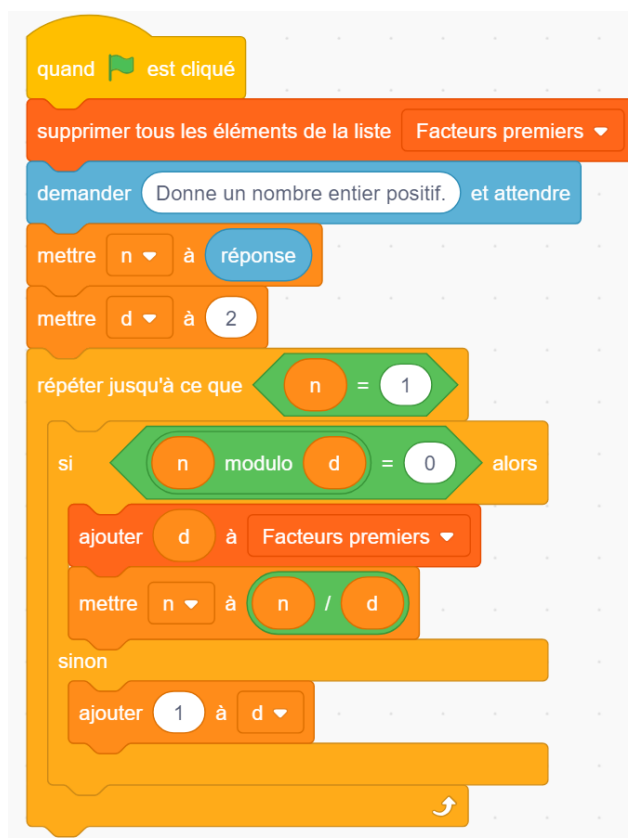
Déterminer la décomposition en produit de facteurs premiers des nombres suivants :
147 ; 156 ; 240.

Exercice 3

Le bloc  donne le reste de la division euclidienne de n par d .

On s'intéresse au programme ci-dessous.

1. Que permet d'afficher ce programme si l'utilisateur entre un nombre entier ?
2. Pourquoi la valeur initiale de la variable d est-elle « 2 » ?
3. Quelles seront les différentes valeurs prises par la variable n si l'utilisateur entre le nombre 156 ?



Je réactive mes connaissances

Partie 2

Vocabulaire Simplifier une fraction, c'est déterminer une fraction qui lui est égale avec un numérateur et un dénominateur plus petits.

Exemples

$$\frac{63}{75} = \frac{63 \div 3}{75 \div 3} = \frac{21}{25}.$$

On a simplifié cette fraction en repérant que 3 est un diviseur commun à 63 et 75.

$$\frac{60}{42} = \frac{2^2 \times 3 \times 5}{2 \times 3 \times 7} = \frac{2 \times 5}{7} = \frac{10}{7}.$$

On a simplifié cette fraction en décomposant le numérateur et le dénominateur.

Propriété Pour tous nombres a, b, c et d (avec b et d non nuls), on a $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$.
Cette égalité permet de calculer le produit de deux fractions.

Exemple $\frac{3}{7} \times \frac{2}{5} = \frac{3 \times 2}{7 \times 5} = \frac{6}{35}$

Remarque Pour faciliter les calculs, il peut être judicieux de commencer par décomposer les facteurs au numérateur et au dénominateur pour simplifier la fraction.

Exemple $\frac{49}{15} \times \frac{10}{21} = \frac{49 \times 10}{15 \times 21} = \frac{7 \times 7 \times 2 \times 5}{3 \times 5 \times 3 \times 7} = \frac{7 \times 2}{3 \times 3} = \frac{14}{9}$

Propriété Pour tous nombres a, b, c et d (avec b, c et d non nuls), on a $\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$.
Cette égalité permet de calculer le quotient de deux fractions.

Exemple $\frac{8}{9} \div \frac{11}{5} = \frac{8}{9} \times \frac{5}{11} = \frac{8 \times 5}{9 \times 11} = \frac{40}{99}$

Je m'exerce

Exercice 4

- a) Simplifier la fraction $\frac{140}{135}$.
- b) Identifier, sans utiliser la calculatrice, les fractions égales parmi $\frac{14}{49}$; $\frac{22}{55}$; $\frac{34}{85}$; $\frac{62}{155}$

Exercice 5

Effectuer les quatre calculs suivants :

$$\frac{5}{2} \times \frac{-7}{3} ; \quad \frac{49}{27} \times \frac{8}{21} ; \quad \frac{5}{9} \div \frac{1}{2} ; \quad \frac{5}{11} \div \frac{15}{66}$$

Je cherche, je raisonne, je relève des défis

Énigme 1

Compléter la grille ci-dessous.

	A	B	C	D	E
I		×	$\frac{4}{5}$	=	$\frac{8}{35}$
II	×		×		×
III	$\frac{5}{4}$	×		=	
IV	=		=		=
V		×		=	$\frac{4}{9}$

Énigme 2

Afin de s'échanger des messages sans que quiconque ne puisse les comprendre, Ava et Joris décident de coder leurs messages.

Ils décident pour cela de remplacer chaque lettre par un nombre premier en suivant le tableau suivant :

Lettre	A	B	C	D	E	F	G	H	I/J	K	L	M	N
Nombre correspondant	2	3	5	7	11	13	17	19	23	29	31	37	41
Lettre	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	
Nombre correspondant	43	47	53	59	61	67	71	73	79	83	89	97	

Ils envoient alors pour chaque lettre du message un nombre compris entre 0 et 999 dont le plus grand nombre premier dans la décomposition en produit de facteurs premiers est le nombre premier correspondant dans le tableau.

Ainsi, par exemple, le nombre « 354 » permet de coder la lettre « R » car $354 = 2 \times 3 \times 59$ et que « 59 » correspond à la lettre « R ».

- Julie affirme que le nombre 790 code la lettre W. Est-ce correct ?
- Thomas intercepte le message suivant : « 048 354 256 511 946 ». Quel mot Ava et Joris se sont-ils échangés ?

Avec un diaporama

Activer le QR-code ci-contre pour visualiser un diaporama détaillant la méthode de décomposition en nombres premiers présentée au début de la fiche.



Je me corrige

Pour accéder aux corrigés des exercices de cette fiche, cliquer sur [ce lien](#) ou scanner le QR-code :



LES PUISSANCES

Objectifs

- Je sais utiliser les puissances de dix.
- Je sais associer écriture décimale et notation scientifique.
- Je sais simplifier l'écriture de produits de puissances d'exposants strictement positifs d'un nombre.

Je me mets en route

Dans chaque cas, entoure la bonne réponse.

		A	B	C	D
1	Le carré de 5 est égal à	5	10	25	2,5
2	$10 \times 10 \times 10 \times 10$ est égal à	40	10^4	1 000	100 000
3	0,001 est égal à	10^{-3}	10^{-4}	10^{-2}	10^{-1}
4	10^0 est égal à	100	0	10	1
5	$(-10)^3$ est égal à	1000	-1 000	30	-30

Auto-correction
1C 2B 3A 4D 5B

Je réactive mes connaissances

Définitions

On choisit n un nombre entier, appelé exposant.

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ fois}} = \underbrace{1 \text{ 00} \dots 0}_{n \text{ zéros}} \quad \text{par définition } 10^0 = 1$$

Exemples : $10^2 = 100$ $10^7 = 10\,000\,000$

$$10^{-n} = \frac{1}{\underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ fois}}} = \underbrace{0,0 \dots 01}_{n \text{ zéros}}$$

Exemples : $10^{-1} = 0,1$ $10^{-6} = 0,000\,001$

Écriture scientifique

Tout nombre décimal peut s'écrire sous la forme $a \times 10^n$ avec $1 \leq a < 10$ et n un entier relatif. Cette écriture donne un ordre de grandeur du nombre étudié.

Exemples : $1\,234\,000 = 1,234 \times 10^6$; $0,007 = 7 \times 10^{-3}$

Simplification d'un produit : l'exposant indique le nombre de facteurs identiques du produit.

Exemples : $5 \times 5 \times 5 \times 5 = 5^4$ $(-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2) = (-2)^8$

Je m'exerce

Exercice 1

a) Compléter :

$$10\,000 = 10^{\dots} \quad 10^5 = \dots \quad 10^0 = \dots$$

$$10^{-2} = \dots \quad 0,000\,1 = 10^{\dots} \quad 10^{-7} = \dots$$

b) Ranger ces nombres dans l'ordre croissant :

$$1,37 \times 10^4; 5,46 \times 10^{-5}; 3,142 \times 10^0;$$

$$52 \times 10^{-6}; 13,07 \times 10^3; 46 \times 10^{-1}$$

c) Écrire ces produits sous la forme d'une seule puissance :

$$10 \times 10 \times 10 = \dots \quad 7 \times 7 \times 7 \times 7 = \dots$$

$$(-3) \times (-3) \times (-3) \times (-3) \times (-3) = \dots$$

Exercice 2

10 000 000 000 000 000 000 000 000 000
 000 000 000 000 000 000 000 000 000
 000 000 000 000 000 000 000 000 000
 000 000 000 000 000 000 000 000 000

Ce nombre s'appelle *gogol*. Écris-le sous la forme d'une puissance de 10.

Cherche ensuite sur le web, son lien avec un célèbre moteur de recherche.

Exercice 3

Associe chaque grandeur à une valeur cohérente :

Taille d'un virus	▫	▫	$6,4 \times 10^6 \text{ m}$
Rayon de la Terre	▫	▫	$165 \times 10^{-2} \text{ m}$
Altitude du Mont Blanc	▫	▫	$8 \times 10^0 \text{ m}$
Épaisseur d'une feuille	▫	▫	$2 \times 10^{-9} \text{ m}$
Longueur d'une salle	▫	▫	$2,7 \times 10^{-7} \text{ m}$
Taille d'un humain	▫	▫	$4,8 \times 10^3 \text{ m}$
Diamètre d'un brin d'ADN	▫	▫	10^{-4} m

Exercice 4

La lumière parcourt $3 \times 10^5 \text{ km}$ en une seconde dans le vide.

Une année lumière (notée al), est la distance parcourue par la lumière en un an.

- Donne l'écriture scientifique d'une al en km.
- Tu es capitaine d'un vaisseau spatial dont la mission est de rejoindre Proxima du Centaure, l'étoile la plus proche de notre Soleil, située à une distance de 4 al. Ton vaisseau peut atteindre une vitesse de 110 km/s. Acceptes-tu cette mission ?

Exercice 5 – Nombres croisés

	A	B	C	D	E
I					
II					
III					
IV					
V					

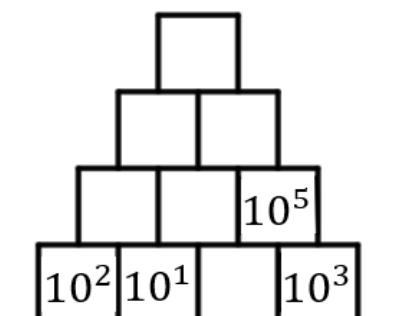
Horizontalement

- I : Puissance de 3
 II : $10^3 - 10^1; 10^0$
 III : Puissance de 11
 IV : $0,004 \times 10^4; 10^2 - 9 \times 10^1$
 V : Puissance de 3; $8,8 \times 10^2$

Verticalement

- A : $6^2 - 7$; puissance de 7
 B : $2 \times 10^3 - 0,9 \times 10^2$
 C : $0,08 \times 10^4 + 0,03 \times 10^2; 2^3$
 D : $10^1 - 3 \times 10^0; 0,3 \times 10^3 + 0,18 \times 10^2$
 E : $10^4 - 9 \times 10^3 + 10^2$

Exercice 6



Complète la pyramide avec des puissances de dix, sachant que chaque case est égale au produit des deux cases situées en-dessous.

Je cherche, je raisonne, je relève des défis

Défi 1

Alex a détecté une *fake news* sur son réseau social.
Il sait qu'en une heure, chaque destinataire de cette *fake news* propage cette fausse information à 10 de ses contacts qui n'en n'ont pas encore été destinataires.
La première personne a posté cette fausse information à 8h du matin.
À quelle heure le million de personnes destinataires de cette *fake news* est-il franchi ?



Défi 2

Laëtitia arrive sur une plage qui mesure environ 50 m de large sur 100 m de long. Elle estime la hauteur de sable à 1 m.
Sachant qu'on met 10 grains de sable dans 1 mm³, donne en écriture scientifique le nombre de grains de sable de cette plage.



Défi 3

Raymond Queneau a écrit le livre *Cent mille milliards de poèmes*. Celui-ci possède 10 pages, chacune étant découpée en 14 bandes. Et sur chaque bande est écrit un vers. Il suffit de choisir 14 bandes au hasard pour créer un sonnet.
Vérifie que le titre de ce livre est cohérent.
Si on lit un sonnet toutes les minutes, combien de temps faudrait-il pour lire tous ces sonnets à la suite ?



<https://www.flickr.com/>

Défi 4

Pour protéger son compte web personnel, Valentin doit choisir un mot de passe à 6 chiffres, compris entre 0 à 9.
Un hacker arrive à tester $2,5 \times 10^2$ combinaisons par seconde pour casser ce mot de passe.

- a) Combien de mots de passe différents peut choisir Valentin ?
- b) En combien de temps au maximum le *hacker* peut trouver ce mot de passe ?



Je me teste

Teste toi sur un module en ligne accessible à cette adresse
<https://edu.tactileo.fr/go?code=79BC> ou active le QR-code ci-contre.



79BC

Je me corrige

Pour accéder aux corrigés, suivre [ce lien](#) ou scanner le QR-code ci-contre :



PROPORTIONNALITÉ

Objectifs

- Je sais reconnaître la proportionnalité
- Je sais déterminer une quatrième proportionnelle
- Je sais manipuler les échelles

Je me mets en route

Dans chaque cas, entoure la bonne réponse.

		A	B	C	D				
1	10 L de gasoil coûtent 11,50 €. 40 L coûtent :	51,50€	50 €	46 €	15,50 €				
2	Si deux livres coûtent 15 €. Combien coûtent 3 de ces mêmes livres ?	45 €	30 €	18 €	22,50 €				
3	Pour compléter le tableau de proportionnalité suivant, on peut effectuer : <table><tr><td>4</td><td>3</td></tr><tr><td>7</td><td>?</td></tr></table>	4	3	7	?	$\frac{4 \times 7}{3}$	$\frac{7 \times 3}{4}$	$\frac{3 \times 4}{7}$	$\frac{3}{4 \times 4}$
4	3								
7	?								
4	Dans une classe il y a 8 filles et 17 garçons. Le pourcentage de ...	filles est 32%	filles est 47%	garçons est plus petit que le pourcentage de filles	garçons est 53%				

Autocorrection :
1C ; 2D ; 3B ; 4A

Je réactive mes connaissances

I. Proportionnalité

Définition On dit que deux grandeurs sont **proportionnelles** lorsque les valeurs de l'une s'obtiennent en **multipliant** les valeurs de l'autre par un même nombre non nul. Celui-ci est appelé **coefficient de proportionnalité**.

Exemple Le prix des cerises vendues 2,70 € le kilogramme est proportionnel à leur masse.



Masse de cerises (en kg)	0,5	1	2	5
Prix (en €)	1,35	2,70	5,40	13,50

x 2,7

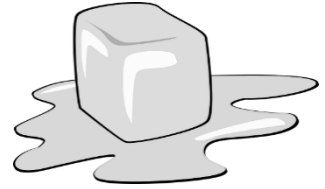
II. Reconnaître la proportionnalité

Exemples

1) On met au congélateur plusieurs récipients de différentes capacités remplis d'eau. On les retire le lendemain et on relève le volume de glace. On note les résultats dans le tableau suivant.

Volume d'eau (en L)	2,5	5	7,5
Volume de glace (en L)	2,75	5,5	8,25

×



Le volume de glace obtenu est-il proportionnel au volume d'eau ?

$$\frac{2,75}{2,5} = 1,1$$

$$\frac{5,5}{5} = 1,1$$

$$\frac{8,25}{7,5} = 1,1$$

On remarque que les quotients **sont égaux**.

Donc on multiplie les volumes d'eau par **1,1** pour obtenir les volumes de glace.

Ce tableau est un tableau de proportionnalité, cela est conforme au principe physique : « en passant de l'état liquide à l'état solide, l'eau voit son volume augmenter de 10%. »

Le volume de glace obtenu est donc proportionnel au volume d'eau.

Le coefficient de proportionnalité est 1,1.

2) Chez un loueur de trottinettes électriques, on propose plusieurs tarifs récapitulés dans le tableau suivant.

Durée de la location (en h)	2	3	4
Prix du forfait (en €)	28	42	52

Le prix du forfait est-il proportionnel à la durée de communication ?

$$\frac{28}{2} = 14$$

$$\frac{52}{4} = 13$$

Deux quotients ne sont pas égaux. Donc le prix de la location n'est pas proportionnel à la durée de location.

III. Compléter un tableau de proportionnalité

a. Déterminer une quatrième proportionnelle en utilisant le coefficient de proportionnalité

Vocabulaire Dans un tableau de proportionnalité à quatre cases, si on connaît trois valeurs, la valeur manquante est appelée **la quatrième proportionnelle**.

Compléter les tableaux de proportionnalité suivants :

Méthode utilisant le coefficient de proportionnalité

Masse de fraises (en kg)	6	13	$\times 5$	$\div 2,5$	Masse de poires (en kg)	2		$\times 2,5$
Prix (en €)	30	65					Prix (en €)	

$$\frac{30}{6} = 5$$

$$\frac{5}{2} = 2,5$$

Le coefficient de proportionnalité est 5.

Le coefficient de proportionnalité est 2,5.

b. Déterminer une quatrième proportionnelle en utilisant les propriétés de la proportionnalité

	4	12
Masse de pommes (en kg)		
Prix (en €)	7	21

Diagram showing multiplication by 3: $\times 3$ from 4 to 12 and from 7 to 21.

	7	3,5
Masse de fruits (en kg)		
Prix (en €)	13	6,50

Diagram showing division by 2: $\div 2$ from 7 to 3,5 and from 13 to 6,50.

	4	5	9
Masse de pommes (en kg)			
Prix (en €)	7	8,75	15,75

Diagram showing addition: $+$ from 4 to 5 and from 7 to 8,75; $+$ from 5 to 9 and from 8,75 to 15,75.

c. Applications

1) a. Compléter le tableau de proportionnalité suivant :

	2	3	5	7	10
Volume d'huile (en L)					
Masse d'huile (en kg)	1,8	2,7	4,5	6,3	9

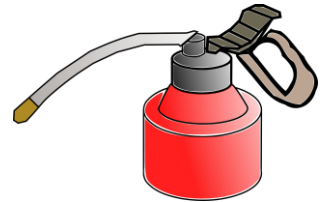
Diagram showing multiplication by 0,9: $\times 0,9$ from 2 to 1,8 and from 10 to 9; $\div 0,9$ from 2,7 to 3 and from 6,3 to 7.

$\frac{1,8}{2} = 0,9$. Donc le coefficient de proportionnalité est 0,9.

b. Donner la masse d'un litre d'huile. En déduire la masse de 4, 5 L. (Méthode du passage à l'unité)

$\frac{1,8}{2} = 0,9$ Donc la masse d'un litre d'huile est 0,9 kg.

$0,9 \times 4,5 = 4,05$ La masse de 4,5 L d'huile est 4,05 kg.



2) Compléter le tableau de proportionnalité suivant :

	10	30	5	35	20
Volume d'huile (en L)					
Masse d'huile (en kg)	9	27	4,5	31,5	18

Diagram showing relationships: $\times 2$ from 10 to 20 and from 9 to 18; $\div$ from 30 to 10 and from 27 to 9; $+$ from 10 to 30 and from 9 to 27; $\times 2$ from 5 to 10 and from 4,5 to 9; $+$ from 5 to 30 and from 4,5 to 27; $\times 2$ from 35 to 70 and from 31,5 to 63; $\div$ from 35 to 5 and from 31,5 to 4,5.

IV. Application : les échelles

1) Sur un plan de ville, une distance réelle de 300 m est représentée par 2 cm. Quelle est l'échelle de ce plan ?

$$\frac{2\text{cm}}{300\text{m}} = \frac{2}{30\,000} = \frac{1}{15\,000}$$

L'échelle de ce plan est donc de $\frac{1}{15\,000}$.

2) La distance réelle entre deux villes est 65 km. Quelle est, exprimée en cm la distance correspondante sur une carte routière à l'échelle $\frac{1}{250\,000}$?

65 km = 6 500 000 cm

Distances réelles (en cm)	250 000	6 500 000
Distances mesurées sur la carte (en cm)	1	?

$$\times \frac{1}{250\,000}$$

$$\frac{1 \times 6\,500\,000}{250\,000} = \frac{6\,500\,000}{250\,000} = 26$$

La distance entre les deux villes mesurées sur la carte routières est 26 cm.

Je m'exerce

Exercice 1

Voici les conseils de cuisson du grand chef Harry Cover pour réussir un poulet rôti :

Masse du poulet (en kg)	1	1,2	2	2,5
Temps de cuisson (en min)	80	100	120	140

Le temps de cuisson du poulet est-il proportionnel à sa masse ? Justifier la réponse.



Exercice 2

Voici trois tableaux de pour trois recettes de confiture. Compléter les tableaux afin que les proportions soient respectées.



Fraises

Masse de sucre (en kg)	3	6
Masse de fruits (en kg)	5	

Framboises

Masse de sucre (en kg)	4	7
Masse de fruits (en kg)	6	



Cerises

Masse de sucre (en kg)	4	10	14
Masse de fruits (en kg)	5	12,5	

Exercice 3

Sheldon a un nouvel ordinateur et une super connexion internet.

Il achète des morceaux de musique sur internet et télécharge le fichier d'une chanson de 28 mégaoctets en 4 secondes. (On suppose le débit que le débit est constant).

- Combien de temps lui faut-il pour télécharger un fichier de 91 mégaoctets ?
- Combien de mégaoctets peut-il télécharger en une minute ?

Exercice 4

La voiture de Thomas consomme 8 L aux 100 km.

Thomas aimerait savoir quel volume d'essence est nécessaire pour un trajet de 255 km et combien de kilomètres il peut parcourir avec un plein de 60 L.

Répondre à ces deux questions.



Je cherche, je raisonne, je relève des défis

Énigme 1 - Des tonnes de déchets

En 2019, la France compte 66,5 millions d'habitants qui produisent 34 millions de tonnes de déchets par an.

Peut-on dire qu'un habitant en France produit un peu plus d'un kilogramme de déchets par jour ? Justifier.



Énigme 2 - Pizzas

Une pizzeria propose deux pizzas circulaires de même épaisseur, mais de tailles différentes.

La plus petite a un diamètre de 30 cm et coûte 6 €.

La plus grande a un diamètre de 40 cm et coûte 8 €.

Laquelle des deux pizzas est la plus avantageuse par son prix ?



Énigme 3 - Château de sable

Quatre enfants sur la plage font un château de sable ensemble et mettent 36 minutes.

Combien d'enfants faudrait-il pour construire ce même château en 9 minutes ?



Je me teste

Cliquer sur [ce lien](#) ou activer le QR ci-contre :



Je me corrige

Pour accéder aux corrigés des exercices de cette fiche, cliquer sur [ce lien](#) ou activer ce QR-code.



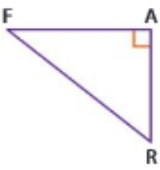
LE THÉOREME DE PYTHAGORE

Objectifs

- Je connais et je sais utiliser le théorème de Pythagore et sa réciproque.
- Je sais utiliser la racine carrée d'un nombre positif en lien avec des situations géométriques (théorème de Pythagore).

Je me mets en route

Dans chaque cas, entoure la bonne réponse.

		A	B	C
1	Dans le triangle rectangle ci-contre, l'hypoténuse est le côté : 	[AF]	[AR]	[FR]
2	L'aire d'un carré de 8 cm de côté vaut (en cm ²) :	16	32	64
3	$5^2 =$	10	20	25
4	Le nombre, dont le carré vaut 50, a comme valeur approchée au dixième près :	7,1	25	2 500

1C / 2C / 3C / 4A

Je réactive mes connaissances

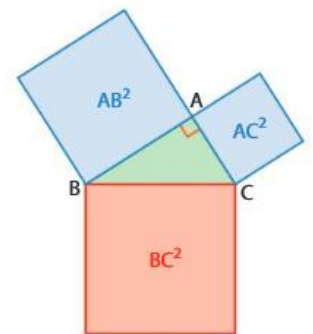
- Connaissant les longueurs de deux côtés d'un triangle rectangle, le théorème de Pythagore permet de calculer la longueur du troisième côté.

Théorème de Pythagore

Si un triangle est rectangle, alors le carré de la longueur de l'hypoténuse est égal à la somme des carrés des longueurs des deux autres côtés.

On peut alors écrire l'égalité de Pythagore :

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$



- Connaissant les longueurs des trois côtés d'un triangle, l'égalité de Pythagore permet de préciser la nature de ce triangle :
 - Si l'égalité de Pythagore est vérifiée, alors le triangle est rectangle en A. Il s'agit de la réciproque du théorème de Pythagore.
 - Si l'égalité de Pythagore n'est pas vérifiée, alors le triangle n'est pas rectangle en A.

Exercice corrigé 1 : ABC est un triangle rectangle en B tel que AB = 12cm et BC = 9cm. Calculer AC.

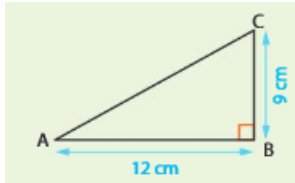
Dans ABC rectangle en B, d'après le théorème de Pythagore,

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$\text{D'où } AC^2 = 12^2 + 9^2$$

$$AC^2 = 144 + 81 = 225$$

$$AC = \sqrt{225} = 15\text{cm}$$



Exercice corrigé 3 :

ABC est un triangle tel que AC = 8cm, AB = 10cm et BC = 6cm. Ce triangle est-il rectangle ?

[AB] est le plus grand côté.

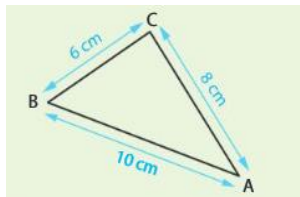
$$\text{D'une part } AB^2 = 10^2 = 100$$

$$\text{D'autre part } BC^2 + AC^2 = 6^2 + 8^2$$

$$BC^2 + AC^2 = 36 + 64 = 100$$

Donc $AB^2 = BC^2 + AC^2$,
d'après la réciproque du
théorème de Pythagore,

ABC est rectangle en C.



Exercice corrigé 2 : EFG est un triangle rectangle en G tel que EF = 4,8cm et EG = 2,5cm. Calculer GF.

(On donnera la valeur exacte puis une valeur approchée au mm près).

Dans EFG rectangle en G, d'après le théorème de Pythagore,

$$EF^2 = EG^2 + GF^2$$

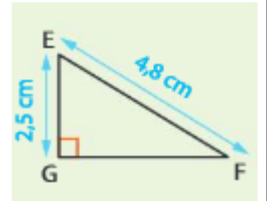
$$\text{d'où } 4,8^2 = 2,5^2 + GF^2$$

$$23,04 = 6,25 + GF^2$$

$$GF^2 = 23,04 - 6,25 = 16,79$$

$$GF = \sqrt{16,79} \text{ cm (valeur exacte)}$$

$$GF \approx 4,1 \text{ cm (valeur approchée au mm près)}$$



Exercice corrigé 4 :

IJK tel que IK = 4,1cm, IJ = 5,4cm et KJ = 3,5cm.

Ce triangle est-il rectangle ?

[IJ] est le plus grand côté.

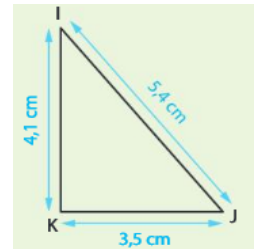
$$\text{D'une part } IJ^2 = 5,4^2 = 29,16$$

$$\text{D'autre part } IK^2 + KJ^2 = 4,1^2 + 3,5^2$$

$$IK^2 + KJ^2 = 16,81 + 12,25 = 29,06$$

$$\text{Donc } IJ^2 \neq IK^2 + KJ^2$$

L'égalité de Pythagore n'est pas vérifiée
donc IJK n'est pas rectangle.



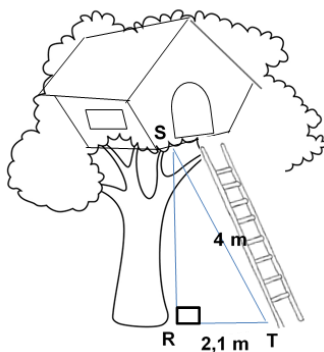
Je m'exerce

Exercice 1

Soit ABC un triangle rectangle en B tel que
AB = 8 cm et BC = 5 cm.
Calculer la longueur AC.

Exercice 2

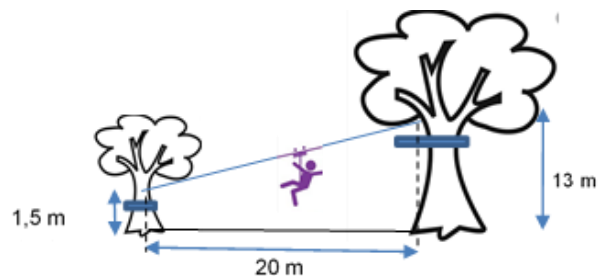
Pour ses vacances, Peete Agor a loué une cabane dans les arbres. Sur le prospectus, il est écrit que la cabane se situe à 3,8 m de haut. À l'aide des informations sur le dessin ci-contre, indiquer si le prospectus dit vrai ou non.



Exercice 3

Pendant ses vacances, Peete Agor a fait de l'accrobranche. Sur le panneau d'entrée de la tyrolienne, on trouve le schéma ci-contre :

Quelle est la longueur de la tyrolienne ?



Exercice 4

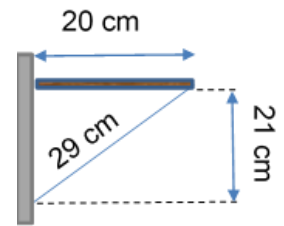
Construire un triangle MAI tel que MA = 6 cm,
AI = 6,5 cm et MI = 2,5 cm.

Justifier que ce triangle est rectangle et
préciser en quel sommet.

Exercice 5

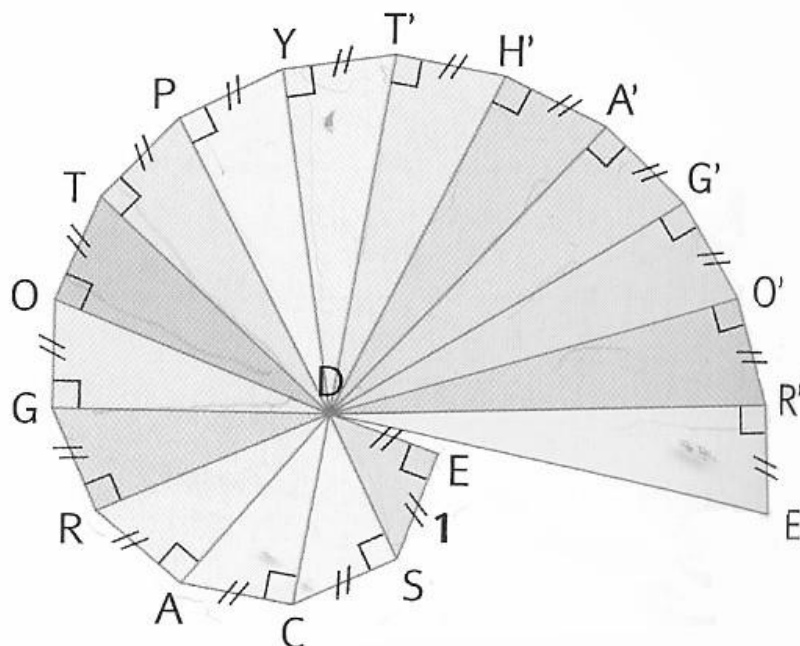
De retour chez lui après ses vacances, Peete Agor veut ranger son cahier de vacances de Mathématiques avec ses autres manuels. Il construit pour cela une étagère comme sur le dessin ci-contre.

Son étagère est-elle horizontale ?



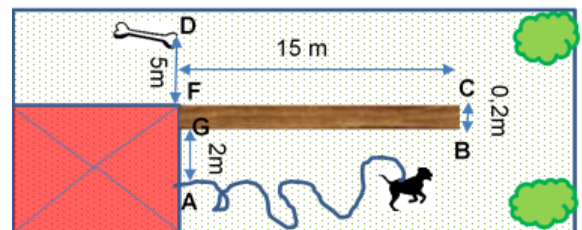
**Je cherche, je raisonne,
je relève des défis**

Défi 1 Cette figure s'appelle l'escargot de Pythagore. Combien mesure le segment $[DE']$?



Défi 2

Matrix, le chien de Peete Agor, est attaché à une chaîne de 33 mètres de long. La largeur du mur CB vaut 0,2 m. Peut-il atteindre l'os situé de l'autre côté du mur ? (On considère que le chien ne peut pas creuser sous le mur et qu'il ne peut pas sauter au-dessus du mur).



En vidéo

Pour obtenir davantage d'explications sur le théorème de Pythagore et suivre un exemple d'application, regarder les 7 premières minutes de la vidéo accessible en cliquant sur [ce lien](#) ou en scannant le QR-code ci-contre.



Je me teste

Pour se tester sur un module en ligne, cliquer sur le lien
<https://edu.tactileo.fr/go?code=6X2X> ou activer le QR-code ci-contre :



6X2X

Je me corrige

Pour accéder aux corrigés de cette fiche, suivre [ce lien](#) ou activer ce QR-code :



AGRANDISSEMENTS ET RÉDUCTIONS. THÉOREME DE THALÈS.

Objectifs

- Je sais construire un agrandissement ou une réduction d'une figure donnée.
- Je connais et je sais utiliser le théorème de Thalès.

Je me mets en route

Dans chaque cas, entoure la bonne réponse.

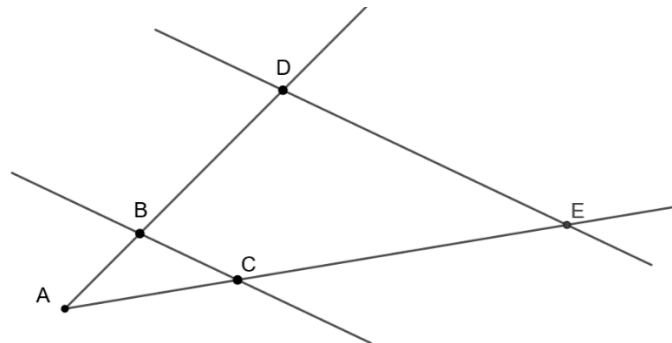
		A	B	C		
1	Quelle est la valeur manquante dans ce tableau de proportionnalité ?	1	1,44	1,5		
	Masse de chips (en g)				100	120
	Masse de sel (en g)				1,2	?
2	Trouver la valeur de x tel que $\frac{2}{5} = \frac{7}{x}$.	2,8	17,5	15		
3	Lors d'un agrandissement, on a multiplié les longueurs d'un polygone par 3. L'aire du polygone obtenu a été multipliée par :	3	6	9		

Auto-correction
1 – B / 2 – B / 3 – C

Question 1 et 2 : en cas de difficulté pour répondre à ces questions, vous pouvez retravailler la fiche « proportionnalité ».

Je réactive mes connaissances

Le théorème de Thalès



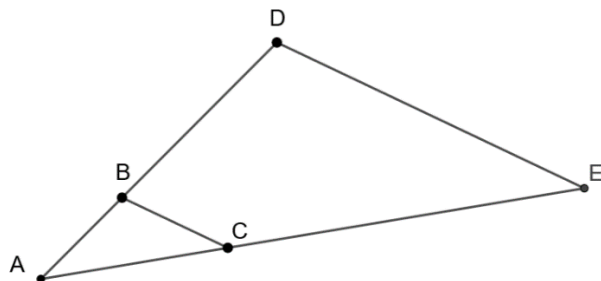
Dans cette configuration, si les droites (BC) et (DE) sont parallèles, alors le tableau ci-dessous est un tableau de proportionnalité.

Longueurs du triangle ABC	BC	AC	AB
Longueurs du triangle ADE	DE	AE	AD

Remarque On a alors l'égalité des rapports $\frac{DE}{BC} = \frac{AE}{AC} = \frac{AD}{AB}$

■ Agrandissement et réduction

On considère la figure ci-dessous dans laquelle les droites (BC) et (DE) sont parallèles.



Dans ce cas, on dit que le triangle ADE est un **agrandissement** du triangle ABC.

Longueurs du triangle ABC	BC	AC	AB
Longueurs du triangle ADE	DE	AE	AD

↪ $\times k$

k est le coefficient de proportionnalité.
C'est le **coefficient d'agrandissement**.
On a $k > 1$.

On dit aussi que le triangle ABC est une **réduction** du triangle ADE.

Longueurs du triangle ADE	DE	AE	AD
Longueurs du triangle ABC	BC	AC	AB

↪ $\times k'$

k' est le coefficient de proportionnalité.
C'est le **coefficient de réduction**.
On a $k' < 1$.

Un exemple de calcul de longueur

On considère la figure ci-contre où (BC) et (DE) sont parallèles. Calculer la longueur AD.

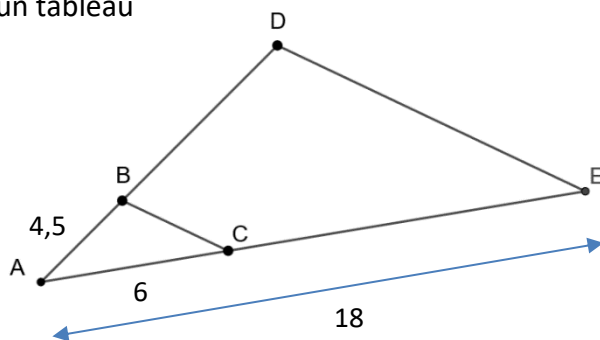
D'après le théorème de Thalès, le tableau ci-dessous est un tableau de proportionnalité :

Longueurs du triangle ABC	BC	AC	AB
Longueurs du triangle DEF	DE	AE	AD

En remplaçant par les mesures des côtés :

Longueurs du triangle ABC	BC	6	4,5
Longueurs du triangle DEF	DE	18	AD

Alors $AD = 18 \times 4,5 \div 6 = 13,5$

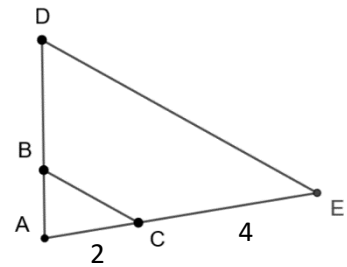


Je m'exerce

Exercice 1

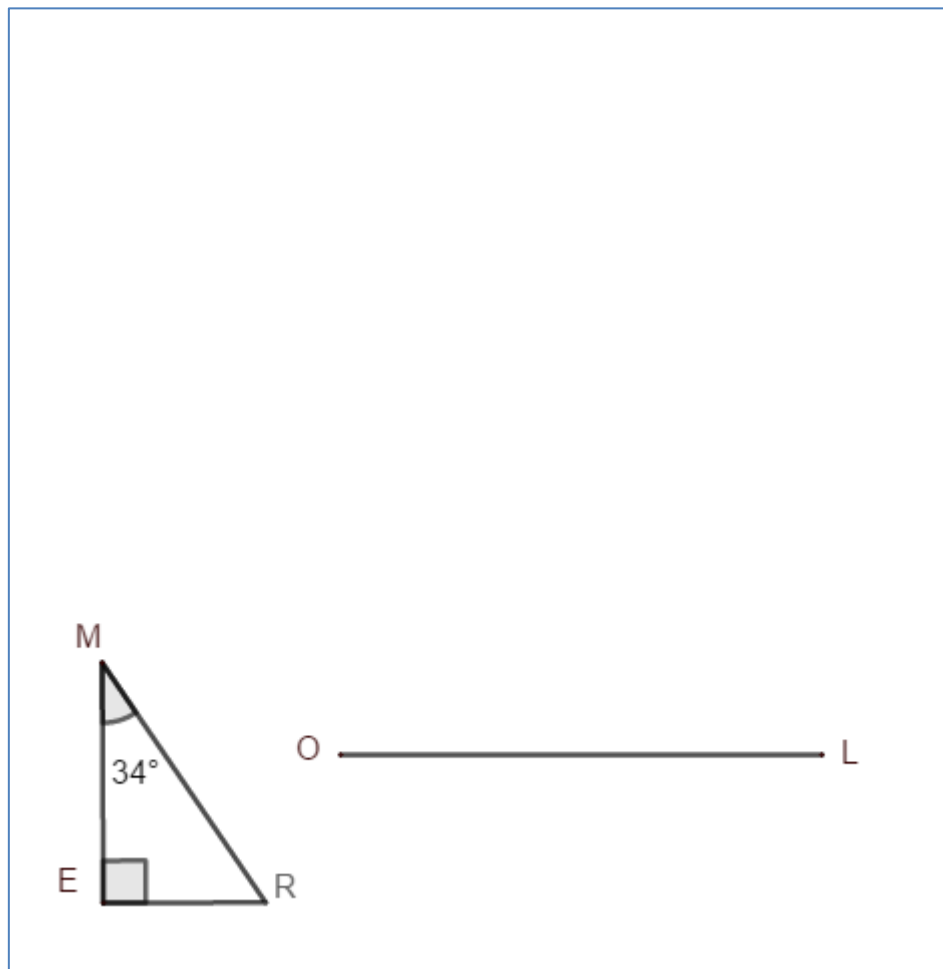
Dans la figure ci-contre, les droites (BC) et (DE) sont parallèles.

- Le triangle ADE est un agrandissement du triangle ABC. Déterminer le coefficient d'agrandissement.
- Déterminer la longueur DE sachant que $BC = 2,5$.

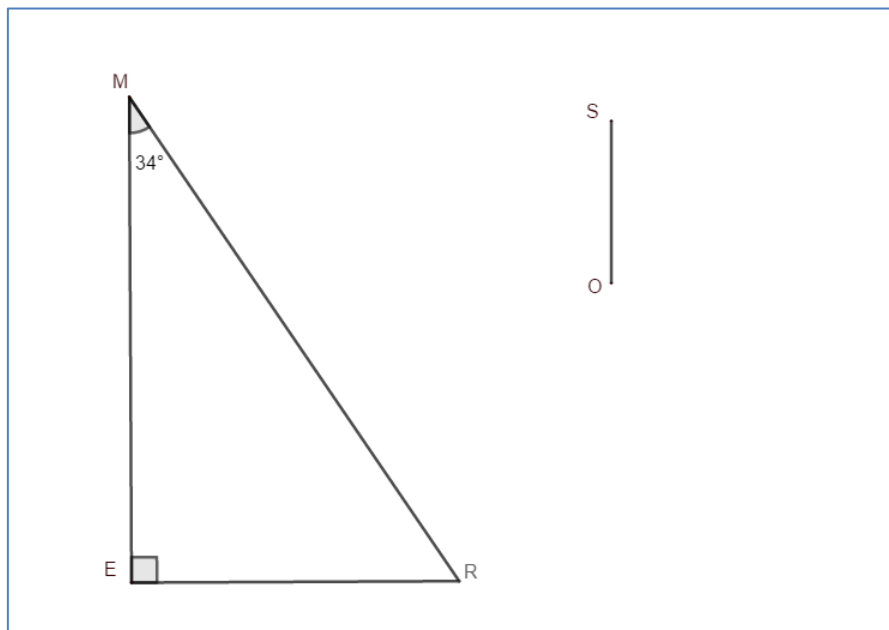


Exercice 2 – Exercice de construction

- On sait que triangle SOL est un agrandissement du triangle MER de rapport 3. Termine la construction du triangle SOL.

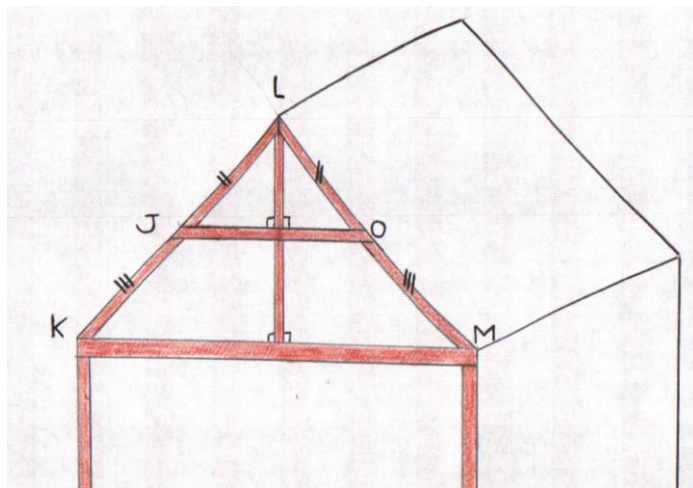


2. On sait que triangle SOL est une réduction du triangle MER de rapport $\frac{1}{3}$.
Termine la construction du triangle SOL :



Exercice 3

On a modélisé une charpente ci-dessous. Le charpentier veut placer une poutre horizontale de consolidation modélisée par le segment [JO]. Aidez-le à calculer la longueur de cette poutre.
On a les longueurs LJ = 1,60 m, LK = 5 m et KM = 12,1 m.



Exercice 4

Pauline a réalisé une maquette du Titanic en brique de 45 cm de long. Elle aimerait connaître le coefficient de réduction de sa maquette sachant que la vraie longueur du Titanic est de 269 m.



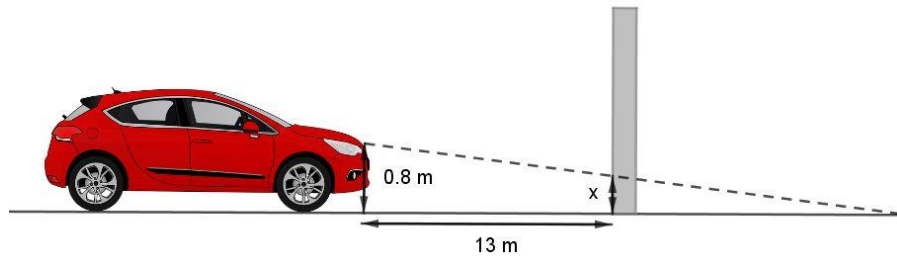
Coup de pouce :
attention aux
unités

Je cherche, je raisonne, je relève des défis

Défi 1

D'après le code de la route, tout véhicule à moteur doit être muni à l'avant de deux feux de croisement, émettant vers l'avant une lumière [...] sur une distance minimale de 30 m sans éblouir les autres conducteurs.

Le garagiste place la voiture devant un mur pour vérifier le réglage des feux :



Déterminer une valeur approchée de la hauteur de réglage x , pour que ce véhicule respecte la consigne de sécurité.

Défi 2 - Jeu de Mémo

Retrouve les bonnes paires avec les vignettes de la page suivante.

Je me teste

Pour accéder à un module de test en ligne, cliquer sur [ce lien](#) ou activer le QR-code ci-contre.

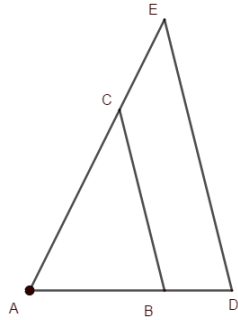


Je me corrige

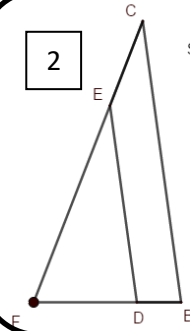
Pour accéder aux corrigés des exercices de cette fiche, cliquer sur [ce lien](#) ou activer le QR-code ci-contre.



1

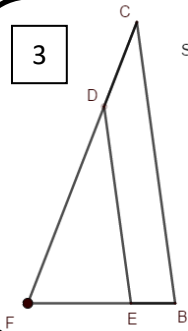


2



Sur cette figure, les droites (BC) et (DE) sont parallèles.

3



Sur cette figure, les droites (BC) et (DE) sont parallèles.

4

Le coefficient de ABC vers ADE est $k = 0,7$.

5

Le tableau suivant est un tableau de proportionnalité :

Longueurs du triangle FBC	FB	BC	FC
Longueurs du triangle FED	FE	ED	FD

6

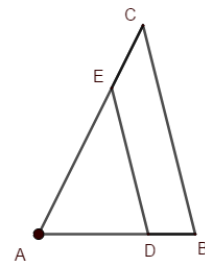
Le coefficient de ABC vers ADE est $k = 1,5$.

7

Le tableau suivant est un tableau de proportionnalité :

Longueurs du triangle FDE	FD	DE	FE
Longueurs du triangle FBC	FB	BC	FC

8



CALCUL LITTÉRAL

Objectifs

- Je sais identifier la structure d'une expression littérale (somme, produit).
- Je sais utiliser la propriété de distributivité simple pour développer un produit.
- Je sais produire une formule littérale représentant la dépendance de deux grandeurs.
- Je sais exploiter la représentation graphique d'une fonction.

Je me mets en route

Dans chaque cas, entoure la bonne réponse. Ce QCM est une introduction au travail qui va suivre. Pas de panique, donc, si vous ne trouvez pas toutes les bonnes réponses, nous y reviendrons par la suite.

		A	B	C
1	Entre le moment où un conducteur commence à freiner sur route sèche et le moment où la voiture s'arrête, la voiture a parcouru une « distance de freinage » donnée, en mètres, par la formule : $distance\ de\ freinage = \frac{v^2}{203,2}$ où v est la vitesse exprimée en km/h. Quelle est la distance de freinage d'une voiture roulant à 50 km/h ?	Environ 12,3 m	Environ 49 m	Environ 0,49 m
2	On considère le programme de calcul suivant : - choisir un nombre - soustraire 7 - prendre le triple du résultat - annoncer le résultat Quelle est l'expression algébrique associée à ce programme de calcul ?	$3(x - 7)$	$3x - 7$	$x - 7 \times 3$
3	« Un marchand dépense 40 € par jour pour confectionner ses glaces. Il vend une glace au prix de 3 €. On cherche à calculer le nombre de glaces qu'il faut vendre par jour pour obtenir un bénéfice de 200 €. » Si on appelle x ce nombre de glaces, l'équation qui modélise la situation est :	$3x + 40 = 200$	$3x - 40 = 200$	$3x = 200$
4	Pour calculer mentalement et astucieusement 47×98 , je peux remplacer 98 par $100 - 2$ puis effectuer le calcul :	$47 \times 100 - 2$	$47 \times 100 + 47 \times 2$	$47 \times 100 - 47 \times 2$

Auto-correction 1A/2A/3B/4C

Quelques commentaires sur ce QCM à lire pour comprendre l'intérêt de cette fiche de révision.

Les questions 1 à 3 ont pour but de mettre en évidence l'**intérêt** d'utiliser une lettre en mathématiques.

Question 1 : La distance d'arrêt dépend de la vitesse. Cette vitesse n'est pas toujours la même, elle peut **varier**. On peut donc écrire une formule avec une lettre et on remplacera cette lettre par les valeurs de vitesses souhaitées.

Question 2 : Le nombre de départ n'est pas toujours le même, il peut **varier**. Si on souhaite écrire un seul calcul représentant ce programme, on utilise alors une lettre comme nombre de départ.

→ Dans ces deux cas, la lettre a le statut de **variable**.

Question 3 : La lettre x a cette fois-ci une autre fonction : celle d'**inconnue**. En effet, x représente la quantité recherchée. Le fait d'appeler « x » la quantité recherchée permet de traduire la situation de départ en une égalité, appelée « équation » (voir la fiche de révision sur les équations pour en savoir plus).

Aïe, des lettres !
Au secours !
C'est quoi ce x ???

Question 4 : Cette question a pour but de mettre en évidence une règle de **distributivité**. En effet, dans certains cas bien particuliers, la distributivité nous permet de changer les règles de priorité de calcul. Ainsi, si on souhaite calculer $47 \times (100 - 2)$ les règles de priorités de calcul nous obligent à effectuer en premier le calcul entre parenthèses. Cependant, en distribuant 47, on obtient un calcul plus facile à faire mentalement que le calcul initial : $47 \times (100 - 2) = 47 \times 100 - 47 \times 2 = 4700 - 94 = 4606$
Le produit s'est transformé en différence. Les règles de distributivité sont souvent utilisées en calcul littéral.

Le saviez-vous ?

Alors que le mot « algèbre » apparaît pour la première fois dans les écrits du mathématicien persan Al Khawarizmi (780 – 850), il a fallu attendre le français François Viète (1540 – 1603) pour utiliser une lettre dans les calculs, et ainsi traduire en « calculs algébriques » des « phrases » de calculs. Par exemple, l'utilisation d'une lettre permet de traduire : « Quant aux carrés et aux racines qui égalent le nombre, c'est comme lorsque tu dis : un carré et dix de ses racines égalent trente-neuf dirhams. Sa signification est que tout carré, si tu lui ajoutes l'équivalent de dix de ses racines [est tel que] cela atteindra trente-neuf » par l'équation : « $x^2 + 10x = 39$ ». Vous préférez quelle version ?

Je réactive mes connaissances

Partie 1

Le calcul littéral a donc une réelle utilité en mathématiques.

Pour pouvoir l'utiliser, il faut connaître ses règles d'écriture :

- $3 \times x$ ou $x \times 3$ s'écrit $3x$ (le chiffre toujours devant la lettre).
Ne pas confondre avec $x \times x \times x = x^3$ (de même, $x \times x = x^2 \rightarrow$ voir fiche de révision sur les puissances)
- $1 \times x$ s'écrit x
- $2x \times 5x = 2 \times 5 \times x \times x$ et s'écrit donc $10x^2$
- $(x + 2) \times 3$ s'écrit $3(x + 2)$
- $(x + 1) \times (x - 1)$ s'écrit $(x + 1)(x - 1)$

Exemple

Calculer l'expression $A = (2x - 1)(x^2 + 3)$ dans le cas où $x = 3$

$$A = (2 \times 3 - 1) \times (3^2 + 3)$$

$$A = (6 - 1) \times (9 + 3)$$

$$A = 5 \times 12$$

$$A = 60$$

Je m'exerce

Un exercice pour calculer la valeur d'une expression littérale

On considère les quatre expressions suivantes :

$$A = 3x + 2$$

$$B = (3 - x)(2x + 1)$$

$$C = x^2 + 1$$

$$D = 3x^2 - 2x + 1$$

Calculer ces quatre expressions dans le cas où $x = 2$ puis dans le cas où $x = -2$.

Un exercice pour produire une expression littérale

1) Traduire les programmes de calcul suivants par une expression littérale (→ voir coup de pouce).

PROGRAMME 1

- Choisir un nombre
- Prendre le double
- Retirer 1
- Multiplier le résultat par 4
- Annoncer le résultat.

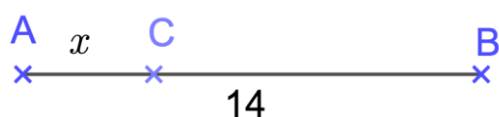
PROGRAMME 2

- Choisir un nombre
- Ajouter 5
- Mettre le résultat au carré (c'est-à-dire multiplier le résultat par lui-même).
- Annoncer le résultat.

2) Sur la figure ci-dessous, les points A, B et C sont alignés.

AB = 14 et AC = x .

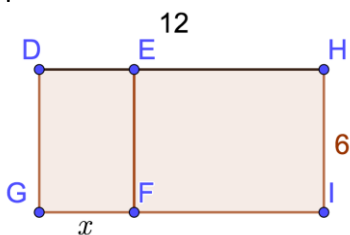
Exprimer la longueur BC en fonction de x .



3) Sur la figure ci-dessous, DHIG est un rectangle. E appartient à [DH] et F appartient à [GI] tels que DEFG est également un rectangle.

DH = 12 ; HI = 6 et GF = x

Exprimer l'aire et le périmètre de DEFG et de EHIF en fonction de x .



Coups de pouce pour produire une expression littérale

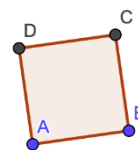
PROGRAMME « Exemple »

- Choisir un nombre
- Prendre le triple
- Retirer 5
- Annoncer le résultat

Si on prend x comme nombre de départ, l'expression littérale obtenue à la fin sera $3x - 5$.

FIGURE « Exemple »

Si x est la longueur du côté du carré, son périmètre vaut $4x$ et son aire x^2 .



Je réactive mes connaissances

Partie 2

Il est possible d'utiliser les règles de distributivité avec le calcul littéral pour transformer des produits en sommes en développant ou bien des sommes en produits en factorisant.

FACTORISER

On fait apparaître un **facteur commun**.

Exemple 1

$$3x - 6 = 3 \times x - 3 \times 2 = 3(x - 2)$$

3 est le facteur commun

Exemple 2

$$7x - 3x = 7 \times x - 3 \times x = (7 - 3) \times x = 4x$$

x est le facteur commun

Attention !

$7x - 3$ n'a pas de facteur commun (l'écriture ne peut pas être modifiée). À ne pas confondre avec l'exemple 2.

DEVELOPPER

On « distribue » le **facteur devant la parenthèse** en le multipliant à tous les termes présents dans la parenthèse.

Exemple 1

$$7(x + 2) = 7 \times (x + 2) = 7 \times x + 7 \times 2 = 7x + 14$$

Exemple 2

$$3x(2x - 5) = 3x \times 2x - 3x \times 5 = 6x^2 - 15x$$

Dans ce cas, $3x$ est en facteur de $(2x - 5)$: il se distribue donc.

Exemple 3

$$3x - (2x - 5) = 3x - 2x + 5 = x + 5$$

Attention ! $3x$ n'est pas un facteur : il ne se distribue donc pas. Par contre, quand il y a un « moins » devant une parenthèse, on peut la supprimer en prenant l'opposé de chacun de ses termes.

REDUIRE

Réduire une expression, c'est l'écrire avec le moins de termes possibles, sans parenthèse.
Pour cela, on distribue si nécessaire et on rassemble les termes semblables.

Exemple 1

$$\begin{aligned}A &= 3x - 4x^2 + 7 - x + 3x^2 - 5 + 5x \\A &= 3x - 4x^2 + 7 - x + 3x^2 - 5 + 5x \\A &= -4x^2 + 3x^2 + 3x - x + 5x + 7 - 5 \\A &= -x^2 + 7x + 2\end{aligned}$$

Exemple 2

$$\begin{aligned}B &= 3x(1 - 2x) + 3x - 5 + x^2 \\B &= 3x \times 1 - 3x \times 2x + 3x - 5 + x^2 \\B &= 3x - 6x^2 + 3x - 5 + x^2 \\B &= -5x^2 + 6x - 5\end{aligned}$$

Je m'exerce

Exercice Développer et réduire les expressions suivantes :

$$A = 3(x + 5)$$

$$B = 3 - (x + 5)$$

$$C = 2x(3 - x)$$

$$D = -5(4x - 1)$$

$$E = 3x + 5x(x - 2)$$

Pour les plus costauds :

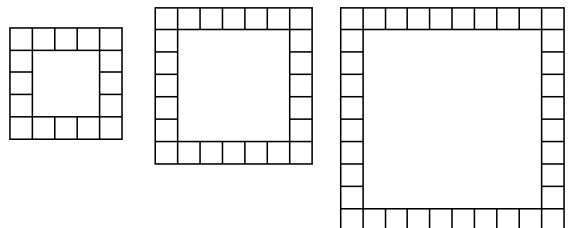
$$F = 4x(2x - 3) - (x + 1) - x^2$$

Je cherche, je raisonne, je relève des défis

Énigme 1

On souhaite construire une mosaïque carrée avec des petits carreaux.

Peut-on prévoir à l'avance le nombre total de petits carreaux qu'il faudra utiliser en connaissant le nombre de carreaux sur un côté ?



Coup de pouce : pour une mosaïque de côté 5 carreaux, il faudra 16 carreaux au total. Et de manière générale ? Pour une mosaïque de x carreaux de côté ?

Énigme 2

Un magicien prétend pouvoir lire dans la tête des spectateurs.

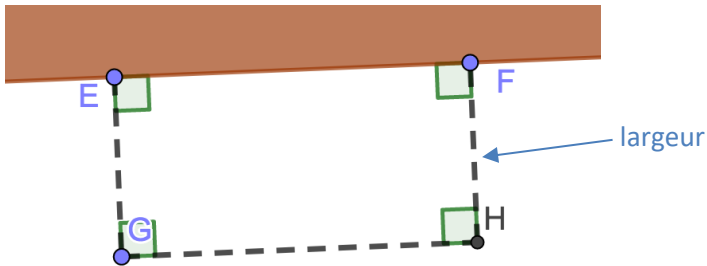
Il interroge une personne du public :

- « Pensez à un nombre
- ajouter 7
- multiplier le résultat par 3
- retirer 1
- enlever le triple du nombre de départ »

Puis déclare : « J'ai une vision ! Vous trouvez 20 ! »

La vision de ce magicien n'était-elle pas prévisible mathématiquement ?

Problème - Une situation pour modéliser



Vous avez acheté 10 mètres de grillage afin de clôturer un enclos le long du mur de votre maison.

Cet enclos est un rectangle et vous souhaitez que ce rectangle ait la plus grande aire possible.

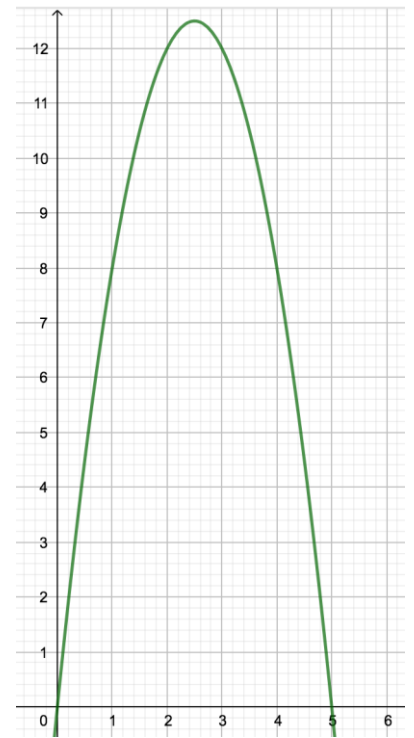
Un ami mathématicien vous aide :

« Si on appelle x la largeur du rectangle dont on cherche les dimensions, alors l'aire de ce rectangle sera égale à $10x - 2x^2$

Tu peux voir sur cette courbe l'évolution de l'aire en m^2 (axe des ordonnées) en fonction de la longueur choisie pour x en mètres (axe des abscisses) ».

PARTIE 1 : utiliser le graphique

- 1)** Lire graphiquement l'aire obtenue si on choisit $x = 2$.
- 2)** Pour quelles valeurs de x obtient-on une aire de $8 m^2$?
- 3)** Quelle valeur pour x choisissez-vous alors pour avoir le rectangle avec la plus grande aire ?



PARTIE 2 : retrouver la formule

Comme vous êtes curieux, vous souhaitez retrouver la formule obtenue par votre ami.

Afin de modéliser mathématiquement la situation, on appelle x les longueurs EG et FH.

- 1)** Montrer que $GH = 10 - 2x$

Coup de pouce : on ne met pas de grillage sur le segment [EF].

- 2)** Montrer alors que l'aire du rectangle EFGH peut s'écrire $10x - 2x^2$.
- 3)** Calculer l'aire obtenue en choisissant pour x votre réponse à la question 3 partie 1.

[LIEN VERS FICHIER GEOGEBRA](#) : en déplaçant le curseur, l'enclos change de dimension et son aire également.

Un jeu pour jouer en famille

(d'après le jeu de l'oie complet du manuel « méthodes en pratique 4^e, CRDP »)

Nombre de joueurs : 2 et plus

Matériel : 1 pion par joueur et 1 dé à 6 faces

Règle du jeu :

1^{er} tour : chacun lance le dé et avance son pion du nombre de cases annoncé par le dé.

2^e tour et suivants : après avoir lancé le dé, chaque joueur remplace x dans l'expression littérale par la valeur du dé. Le résultat du calcul indique le nombre de cases dont il faut avancer ou reculer si le nombre est négatif.

Le vainqueur est le premier joueur à « tomber pile » sur la case « arrivée ».

				ARRIVEE !	
Départ	1 $7 - x$	2 $6x - x^2$	3 $0,5(x - 2)(x - 5)$	16 $\frac{(x - 2)(x - 4)(x - 6)}{3}$	
			4 $x^2 - 7x + 10$	15 $6 - x$	
		7 $5 - x$	6 Au choix $3 - x$ ou $x - 3$	5 $\frac{x^2 - 2x}{x}$	14 $x^2 - 1$
		8 $6x - x^2$			13 $2x - 6$
		9 $\frac{(x - 1)(x - 3)(x - 5)}{3}$	10 $x - 6$	11 $\frac{x^2 - 3x + 2}{2}$	12 $(x - 1)(x + 1)$

Je me corrige

Pour obtenir les corrigés de cette fiche, suivre ce [lien](#) ou activer ce QR-code :



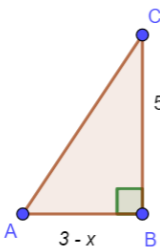
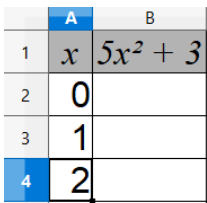
ÉQUATIONS

Objectifs

- Je sais tester si un nombre est solution d'une équation.
- Je sais mettre un problème en équation.
- Je sais résoudre algébriquement une équation du premier degré.

Je me mets en route

Dans chaque cas, entoure la bonne réponse.

		A	B	C	D
1	L'équation $3 + 2x = 23$ a pour solution :	0	2	10	13
2	Traduire par une égalité la phrase : « le double de x vaut 8 ».	$2x = 8$	$x + 2 = 8$	$\frac{x}{2} = 8$	$x = 2 \times 8$
3	Je suis un nombre. Mon quart vaut 12. Qui suis-je ?	3	4	36	48
4	L'aire du triangle ABC est égale à 30. Le nombre x vérifie l'égalité : 	$\frac{15-x}{2} = 30$	$\frac{5(3-x)}{2} = 30$	$\frac{3-5x}{2} = 30$	$7,5 - \frac{x}{2} = 30$
5	Quelle formule doit-on inscrire en cellule B2 et étirer vers le bas pour calculer en colonne B les valeurs de $5x^2 + 3$ pour x compris entre 0 et 10 ? 	$= 5 * x^2 + 3$	$= 5 * A1^2 + 3$	$= 5 * 0 + 3$	$= 5 * A2^2 + 3$

Auto-correction : 1 : C – 2 : A – 3 : B – 4 : B – 5 : D

Je réactive mes connaissances

1) Vocabulaire et exemple

Vocabulaire Résoudre une équation d'inconnue x c'est trouver toutes les valeurs que l'on peut donner à x pour que l'égalité soit vraie. Ces valeurs sont appelées solutions de l'équation.

Exercice Vérifier que -1 est une solution de l'équation $5 + 4t = 6t + 7$.

Méthode On remplace séparément l'inconnue t par -1 dans les deux membres de l'équation et on vérifie que l'on trouve le même résultat :

Dans le membre de gauche : $5 + 4 \times (-1) = 5 - 4 = 1$

Dans le membre de droite : $6 \times (-1) + 7 = -6 + 7 = 1$

On trouve le même résultat, donc -1 est bien une solution de l'équation.

2) Résolution d'équations

Règles fondamentales On ne change pas les solutions d'une équation quand :

- on ajoute un même nombre aux deux membres de l'équation.
- on soustrait un même nombre aux deux membres de l'équation.
- on multiplie par un même nombre non nul les deux membres de l'équation.
- on divise par un même nombre **non nul** les deux membres de l'équation.

Exemple Résoudre l'équation $2x - 4 = 5x + 3$

$$2x - 4 - 5x = 5x + 3 - 5x \quad \text{On soustrait } 5x \text{ aux deux membres.}$$

$$-3x - 4 = 3$$

$$-3x - 4 + 4 = 3 + 4 \quad \text{On ajoute 4 aux 2 membres.}$$

$$-3x = 7$$

$$\frac{-3x}{-3} = \frac{7}{-3} \quad \text{On divise par } -3 \text{ les 2 membres.}$$

$$x = \frac{7}{-3}$$

La solution de cette équation est donc $\frac{-7}{3}$.

Je m'exerce

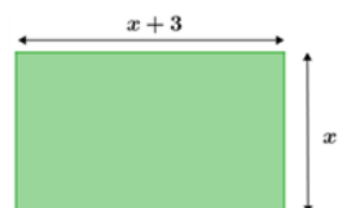
Exercice 1

Les trois nombres $\frac{-1}{3}$, -3 et $\frac{1}{3}$ sont-ils des solutions de l'équation $2x - 3 = 5x - 4$?

Exercice 2

1) On cherche à connaître la (ou les) valeur(s) de x telle(s) que le périmètre du rectangle soit égal à 30. Modéliser ce problème par une équation.

2) $x = 5$ et $x = 6$ sont-ils des solutions de cette équation ?



Exercice 3

On considère la feuille de calculs ci-contre. La colonne B donne les valeurs prises par l'expression $x^2 + x - 2$ pour les valeurs de x inscrites dans la colonne A.

1) Quelle formule faut-il saisir dans la cellule B2 avant de l'étier vers le bas ?

2) a) Margot dit : « En utilisant ce tableau, je vois que le nombre 2 est une solution de l'équation $x^2 + x - 2 = 4$ ». Léo lui répond : « Pas du tout ! C'est 18 qui est solution de cette équation. »

Lequel des deux amis a raison ? Expliquer l'erreur commise par l'autre.

b) À l'aide du tableau, y a-t-il une autre solution de cette équation ? Si oui laquelle ?

	A	B
1	x	$x^2 + x - 2$
2	-5	18
3	-4,5	13,75
4	-4	10
5	-3,5	6,75
6	-3	4
7	-2,5	1,75
8	-2	0
9	-1,5	-1,25
10	-1	-2
11	-0,5	-2,25
12	0	-2
13	0,5	-1,25
14	1	0
15	1,5	1,75
16	2	4
17	2,5	6,75
18	3	10
19	3,5	13,75
20	4	18
21	4,5	22,75
22	5	28

Exercice 4

Résoudre les équations suivantes :

a) $5x = -3$

b) $5 + x = -3$

c) $5x - 3 = 7$

d) $5x - 3 = 3x + 2$

**Je cherche, je raisonne,
je relève des défis**

Défi 1

Louise et Thomas entrent un même nombre dans leur calculatrice, puis ils tapent successivement sur les touches suivantes :

Louise : $\times$ 4 $-$ 6 EXE

Thomas : $\times$ 8 $+$ 2 EXE

Ils obtiennent tous les deux le même résultat à l'écran de leur calculatrice.

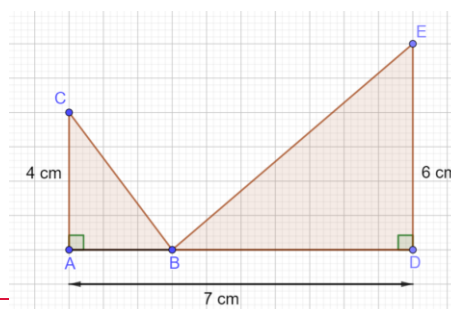
Déterminer le nombre qu'ils ont entré au départ.

Défi 2

Sur la figure ci-contre, les triangles ABC et BDE sont rectangles, respectivement en A et D.

Le point B se déplace sur le segment [AD].

Est-il possible que les triangles ABC et BDE aient la même aire ?



En vidéo

Pour visualiser une vidéo explicative sur les équations du premier degré, cliquer sur [ce lien](#) ou activer le QR-code ci-contre :



Je me corrige

Les corrigés des exercices de cette fiche sont accessibles en cliquant sur [ce lien](#) ou en activant le QR-code ci-contre :



STATISTIQUES : MÉDIANE

Objectifs

- Je sais calculer et interpréter une médiane d'une série statistique.

Je me mets en route

Dans chaque cas, entoure la bonne réponse.

		A	B	C	D
1	Une médiane de la série suivante est : 2 - 4 - 7 - 8 - 11 - 15 - 16	7	8	9	11
2	Une médiane de la série suivante est : 3 - 5 - 5 - 6 - 8 - 8 - 9 - 10	3	5	7	9
3	Quelle affirmation est vraie pour cette série ? 12,5 - 7 - 8 - 15 - 11	11 est la plus grande valeur de la série.	8 est la moyenne de la série.	8 est une médiane car c'est la donnée centrale.	11 est une médiane.

Auto-correction : 1 : B - 2 : C - 3 : D

Je réactive mes connaissances

Définition Une **médiane** d'une série **ordonnée** de données est un **nombre** qui partage cette série en deux groupes de **même effectif**.

Exemple Une élève de 4^e a eu les notes suivantes en mathématiques : 14 - 19 - 10 - 12 - 19.

Pour calculer une médiane, on range tout d'abord les données dans l'ordre croissant :

10 - 12 - 14 - 19 - 19
2 notes 2 notes

La médiane de cette série est **14** car c'est la 3^e note sur un effectif de 5 : il y a deux notes inférieures ou égales à 14 et deux notes supérieures ou égales à 14.

Exemple Si on ajoute une dernière note : 15. L'effectif total est maintenant égal à 6. La série rangée dans l'ordre croissant devient :

10 - 12 - 14 - 15 - 19 - 19
3 notes 3 notes

Une médiane est maintenant une note comprise entre la 3^e et la 4^e note, c'est-à-dire entre 14 et 15. En pratique, on prendra la moyenne des deux données centrales, c'est-à-dire **14,5**.

Remarque Dans cette fiche, les séries statistiques comportent volontairement un nombre limité de données. Dans la pratique, le nombre de données est plus important et on pourra faire appel à des outils numériques pour le calcul des différents paramètres statistiques.

Je m'exerce

Exercice 1

On a répertorié la durée, en minutes, de quinze vidéos :

12 - 9 - 8 - 4 - 17 - 9 - 7 - 15 - 16 - 11 - 19 - 7 - 12 - 3 - 13

Déterminer la durée médiane de cette série. Interprétez ce résultat.



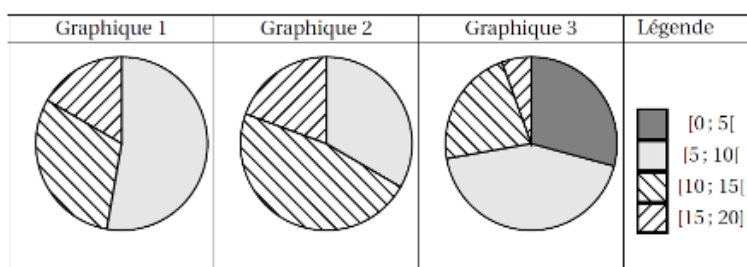
Exercice 2

Voici les résultats du DNB blanc de deux classes de 3e d'un collège de Nouméa.

Pour la 3^e A, on a : 8 - 7 - 12 - 15 - 15 - 12 - 18 - 18 - 11 - 7 - 8 - 11 - 7 - 13 - 10 - 10 - 6 - 11

Pour la 3^e B, on a : 7 - 8 - 7 - 9 - 8 - 13 - 8 - 13 - 13 - 8 - 19 - 13 - 7 - 16 - 18 - 12 - 9

- 1) Calculer la médiane de chaque série.
- 2) Deux des graphiques donnés ci-dessous représentent la répartition des notes des classes précédentes. Attribuer à chaque classe le graphique qui lui correspond.



Exercice 3

Après l'inauguration du musée du Louvre à Lens, on a examiné le nombre d'entrées chaque jour durant la première semaine d'ouverture. On a comptabilisé 6500 entrées, réparties conformément au tableau ci-dessous :

Jour	Lundi	Mardi	Mercredi	Jeudi	Vendredi	Samedi	Dimanche	Total
Nombre d'entrées	1127	643	929	458	732	1207		6500

- 1) Calculer le nombre d'entrées le dimanche.
- 2) Calculer le nombre moyen de visiteurs par jour pendant cette semaine. On arrondira à l'unité.
- 3) Calculer la médiane de cette série et interpréter le résultat obtenu.

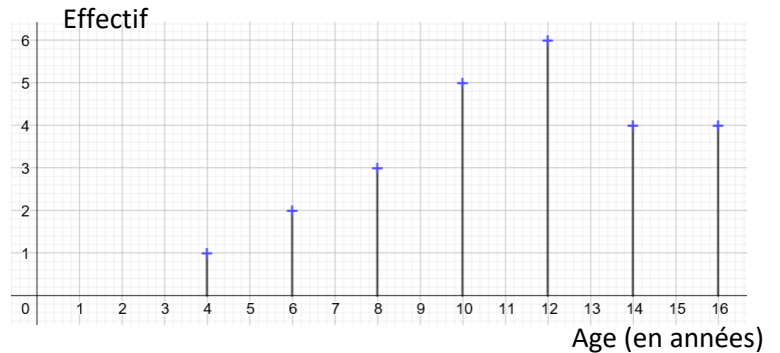
Je cherche, je raisonne, je relève des défis

Défi 1

Un centre de vacances propose chaque jour des activités pour les enfants.

Voici le graphique représentant le nombre d'inscrits en fonction de leur âge.

Les organisateurs s'organisent pour créer des groupes en fonction du nombre et de l'âge des participants.



- 1) Déterminer l'âge médian de ces enfants.
- 2) Lors des inscriptions, une erreur est survenue sur l'âge d'un des adolescents : au lieu d'avoir 16 ans, il a en réalité 18 ans.
 - a) La médiane va-t-elle augmenter ?
 - b) La moyenne va-t-elle augmenter ?

Défi 2

Donner une série de cinq nombres entiers respectant les règles suivantes :

- Les cinq nombres sont compris entre 0 et 10.
- Le plus petit nombre de la série est 3.
- La médiane de la série est égale à 8.
- La moyenne de la série est égale à 7.

En vidéo

Pour revenir sur les notions de moyenne et médiane en vidéo, cliquer sur [ce lien](#) ou activer le QR-code ci-contre.



Je me corrige

Les corrigés des exercices de cette fiche sont accessibles à partir de [ce lien](#) ou du QR-code ci-contre.



NOTIONS DE PROBABILITÉS

Objectifs

- Je sais utiliser le vocabulaire des probabilités : expérience aléatoire, issues, événement, probabilité, événement certain / impossible / contraire.
- Je sais que la probabilité d'un événement est un nombre compris entre 0 et 1.

Je me mets en route

Dans chaque cas, entoure la bonne réponse.

		A	B	C	D
1	Un seul des quatre nombres proposés peut désigner une probabilité. Lequel ?	- 5	- 0,3	0,3	1,3
2	Alice participe à un jeu. Elle doit choisir l'une des trois portes situées devant elle. Derrière l'une des portes, il y a une voiture ; derrière les autres il n'y a rien. En choisissant au hasard, quelle est la probabilité qu'elle trouve la voiture ?	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$	On ne peut pas savoir.
3	S'il y a quatre portes au lieu de trois et toujours une seule voiture à trouver, comment évolue la probabilité qu'a Alice de trouver la voiture ?	La probabilité diminue.	La probabilité augmente.	La probabilité reste égale.	On ne peut pas savoir.

Auto-correction : 1 : C - 2 : B - 3 : A

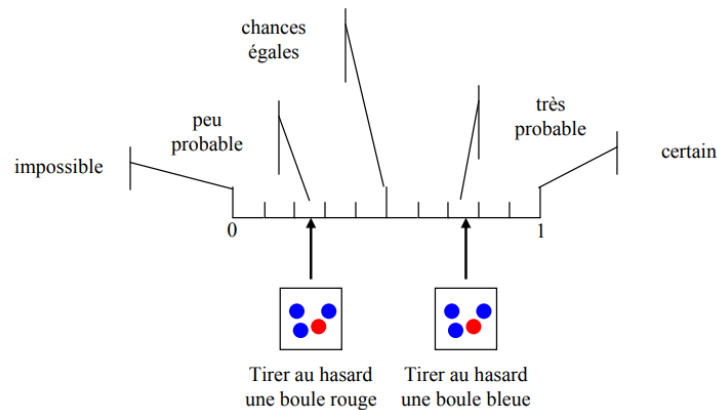
Je réactive mes connaissances

Vocabulaire des probabilités

- Une **expérience** est dite **aléatoire** lorsqu'on ne peut pas en prévoir le résultat à l'avance. On peut cependant en lister les différents résultats possibles, appelées **issues**.
- Lors d'une expérience aléatoire, un **événement** peut être réalisé ou ne pas être réalisé. Une ou plusieurs issue(s) de l'expérience peuvent réaliser cet événement.
- La **probabilité** d'une issue est un nombre qui permet d'exprimer la « proportion de chance » qu'a un événement de se produire.
- Lorsque toutes les issues ont la même probabilité d'être réalisés, on parle **d'équiprobabilité**.
- Un événement qui se réalise à coup sûr est appelé **événement certain**.
- Un événement qui ne peut pas se réaliser est appelé **événement impossible**.
- L'événement **contraire** d'un événement A est l'événement qui se réalise lorsque l'événement A ne se réalise pas.

Propriétés

- Quand une expérience aléatoire est répétée un très grand nombre de fois, la fréquence de réalisation d'une issue se rapproche de cette **probabilité**.
- La probabilité d'un événement est comprise **entre 0 et 1**. On peut l'exprimer sous différentes formes (décimale, fractionnaire, pourcentage). On peut indiquer la probabilité d'un événement sur une échelle de probabilité comme ci-dessous, depuis 0 (événement impossible) jusqu'à 1 (événement certain).



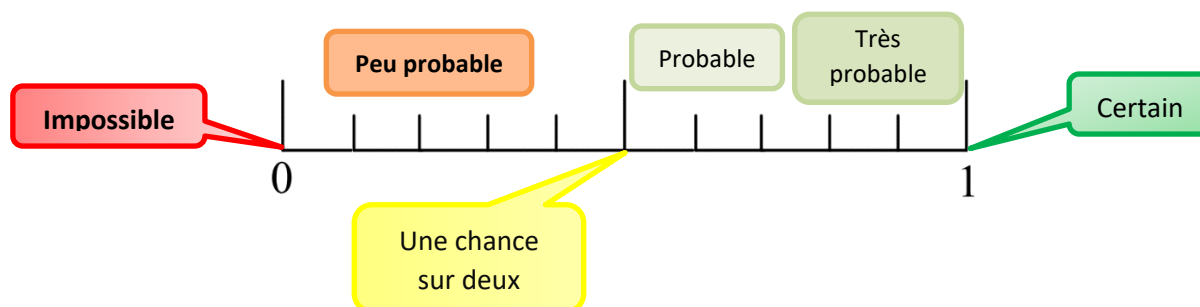
- La probabilité d'un événement est égale à la somme des probabilités des issues qui le réalisent.
- La probabilité d'un événement qui se réalise à coup sûr (**événement certain**) est égale à **1**.
- La probabilité d'un événement qui ne se réalise jamais (**événement impossible**) est égale à **0**.

Exemple Une urne contient 2 boules rouges, 3 boules bleues et 3 boules noires. On pioche une boule au hasard et on note sa couleur puis on replace la boule dans l'urne.

- Cette expérience est bien **aléatoire** car même si on peut prévoir les résultats possibles, on ne connaît pas la couleur qu'on piochera à l'avance. On peut recommencer cette expérience à l'identique sans connaître le résultat à l'avance.
- Les **issues** possibles de cette expérience sont les couleurs « Rouge », « Bleu » et « Noir ».
- L'évènement « On pioche une boule rouge » a 2 chances sur 8 de se réaliser. Sa probabilité est donc de $2/8 = 1/4 = 0,25 = 25 \%$.
- L'évènement « On ne pioche pas une boule rouge » est l'évènement **contraire** de l'évènement précédent. Il a 6 chances sur 8 de se réaliser. Sa probabilité est donc de $6/8 = 3/4 = 0,75 = 75 \%$.
- La somme des probabilités d'un évènement et de son contraire est égale à 1. Ici on a $0,25 + 0,75 = 1$.
- L'évènement « On pioche une boule » est un évènement **certain** et a une probabilité égale à 1.
- L'évènement « On pioche une boule verte » est un évènement **impossible** et a une probabilité égale à 0.

Je m'exerce

Exercice 1 Pour chaque expérience aléatoire, associer l'événement cité à l'une des étiquettes de l'échelle de probabilités ci-dessous :



Expérience : On lance un dé cubique équilibré et on regarde le chiffre affiché.

Événement : « On obtient un nombre entre 1 et 5 ».

Expérience : On choisit un chiffre au hasard.

Événement : « On obtient un chiffre impair ».

Expérience : On choisit au hasard un mois de l'année.

Événement : « Le mois de l'année commence par la lettre Z ».

Expérience : On joue au Loto.

Événement : « On gagne le gros lot ».

Exercice 2

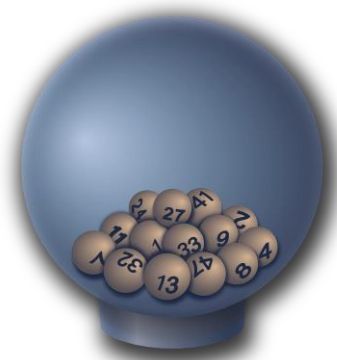
On choisit au hasard un nombre entier entre 1 et 100 (1 et 100 inclus).

- 1) Donner un événement certain.
- 2) Donner un événement impossible.

On note E l'événement : « On obtient un nombre avec un seul zéro »

On note I l'événement I : « On obtient un multiple de 3. »

- 3) a) Quelles sont les issues réalisant l'événement E ?
b) En déduire la probabilité de l'événement E.
- 4) Calculer la probabilité de l'événement I.



Exercice 3

On met dans un sac chacune des lettres du mot **ACROPOLE** inscrites sur un jeton.

On choisit au hasard un jeton parmi les 8 jetons du sac.

- 1) Quelles sont les issues de cette expérience ?
- 2) Sachant qu'il y a équiprobabilité, déterminer la probabilité de chacun des événements suivants:
 - a. E1 : « On obtient la lettre O ».
 - b. Soit E2 l'événement contraire de E1.
Décrire E2 et calculer sa probabilité.
 - c. E3 : « On obtient une consonne ».
 - d. E4 : « On obtient une lettre du mot GREC ».

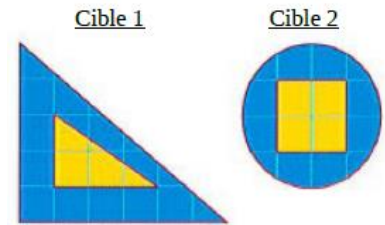


Je cherche, je raisonne, je relève des défis

Défi 1

Lucas et Manon jouent aux fléchettes avec des cibles de forme particulière. Ils ont chacun leur cible.

- 1) Lucas démarre et lance une fléchette qui se plante dans la cible 1.
Calculer la probabilité de l'événement « Sa fléchette se plante dans la partie centrale, plus claire. »
- 2) Même question avec Manon qui touche la cible 2.



Défi 2

Trois personnes, Aline, Bernard et Claude ont chacune un sac contenant des billes. Chacune tire au hasard une bille de son sac.

- 1) Le contenu des sacs est le suivant :

Sac d'Aline :	Sac de Bernard :	Sac de Claude :
5 billes rouges	10 billes rouges et 30 billes noires	100 billes rouges et 3 billes noires

Laquelle de ces trois personnes a la probabilité la plus grande de tirer une bille rouge ?

- 2) On souhaite qu'Aline ait la même probabilité que Bernard de tirer une bille rouge. Combien de billes noires faut-il ajouter pour cela dans le sac d'Aline ?

En vidéo

Pour visualiser une vidéo autour des probabilités et du bridge, cliquer sur [ce lien](#) ou activer le QR-code ci-contre.



Je me corrige

Les corrigés des exercices de cette fiche sont accessibles à partir de [ce lien](#) ou en activant le QR-code ci-contre.



ALGORITHMIQUE ET PROGRAMMATION

Objectifs

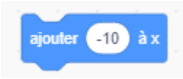
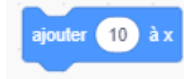
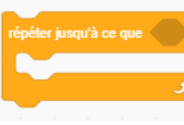
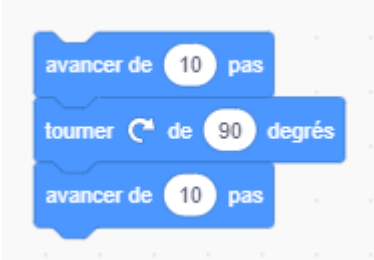
- Comprendre, expliquer, exécuter, modifier ou écrire un programme.

Si tu veux tester les programmes de cette fiche, tu peux télécharger l'application gratuitement en te servant du lien suivant : <https://scratch.mit.edu/download/scratch2>

Je me mets en route

Réponds aux questions du QCM suivant. Le langage de programmation utilisé est *Scratch*.

Dans chaque cas, entoure la bonne réponse.

		A	B	C
1	Pour que le lutin se déplace vers la droite, je peux utiliser :			
2	Pour programmer une instruction conditionnelle, je peux utiliser :			
3	Dans cette question, le stylo est en position d'écriture. Le bloc d'instructions ci-dessous permet de tracer : 	un segment de longueur 10 pas.	deux segments de même longueur.	donne un segment de longueur 20 pas.
4	Dans cette question, le stylo est en position d'écriture. On considère le bloc d'instructions ci-dessous : 	Ce bloc d'instructions fait faire un aller-retour au lutin.	Ce bloc d'instructions permet de tracer un segment de longueur 20 pas.	Ce bloc d'instructions trace deux segments perpendiculaires.

Mémo

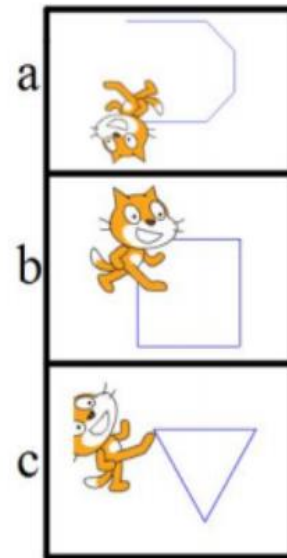
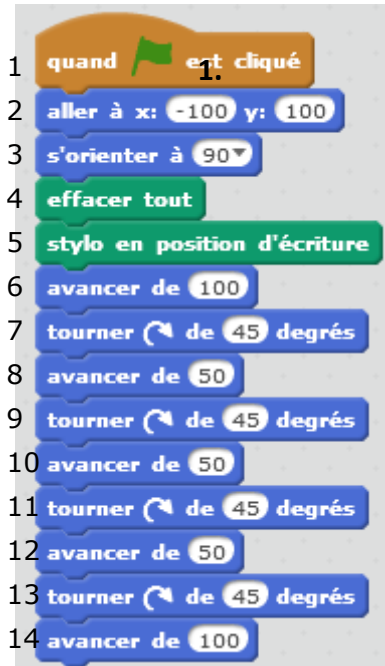
Les menus	... et les instructions correspondantes	
Menu Stylo		
Menu Contrôle	- Les blocs « répéter »  - Les blocs conditionnels 	☺ Les blocs "répéter" permettent de répéter une action sans avoir besoin de réécrire la même succession d'instructions plusieurs fois. Cela s'appelle une boucle.
Menu Données	<u>Les variables</u> 	☺ Pour afficher la valeur de la variable sur la scène, il faut cocher la case devant la variable.

Je m'exerce

Exercice 1 Comprendre et expliquer un programme

Pour chaque question, indique ta réponse et explique ton choix.

1. Quelle figure est associée au programme suivant ?

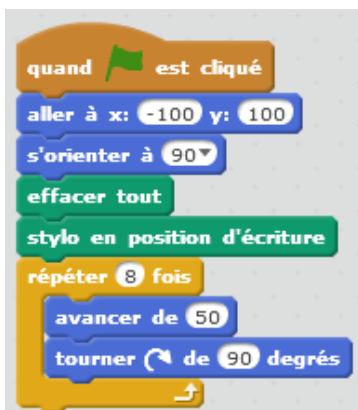


2. Quelle partie de ce programme peut être simplifiée à l'aide d'une boucle ? Tu donneras les numéros des lignes du programme correspondantes et les modifications à apporter.

Exercice 2 Comprendre et expliquer un programme

Quel programme est associé à la figure ci-contre ?

Programme 1



Programme 2

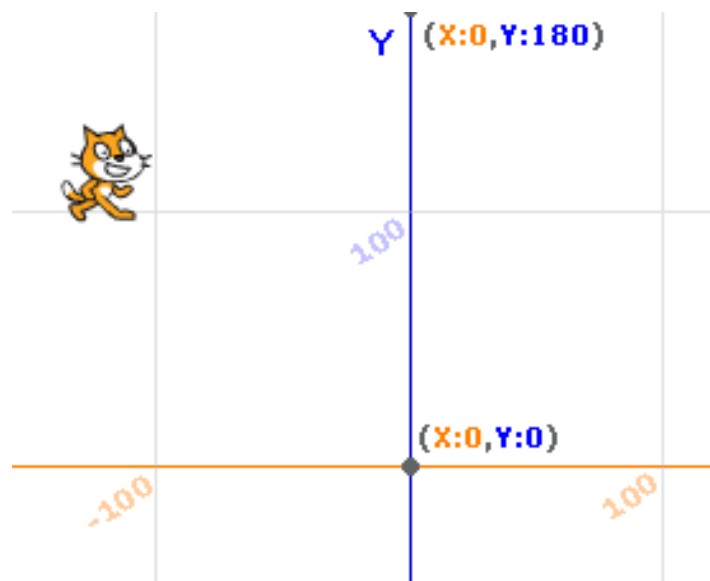


Programme 3



Exercice 3 Tracer une figure en suivant un programme simple

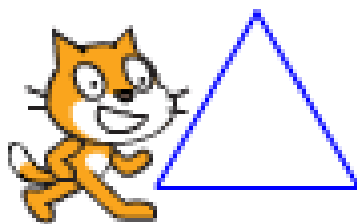
On considère ce programme :



Trace ci-contre la figure obtenue.

Exercice 4 Écrire un programme simple un programme simple associée à une figure donnée.

1. En utilisant les blocs ci-dessous, écris le programme permettant de construire la figure suivante :



☺ N'oublie pas de compléter l'instruction « répéter ... fois » !



2. En t'aidant de la question précédente, écris un programme qui permet de tracer un carré de côté 50 pas.

Exercice 5 Comprendre et exécuter un programme utilisant une variable

On considère le programme suivant :



1. À l'aide d'un calcul, montre que si l'utilisateur rentre 4 comme nombre de départ, on obtiendra 35 comme résultat.
2. Quel sera le résultat si l'utilisateur rentre 10 comme nombre de départ ?
3. Quel nombre faut-il rentrer au départ pour que le résultat soit 100 ? (tu peux procéder par tests)
4. Détermine l'expression littérale associée à ce programme de calcul.

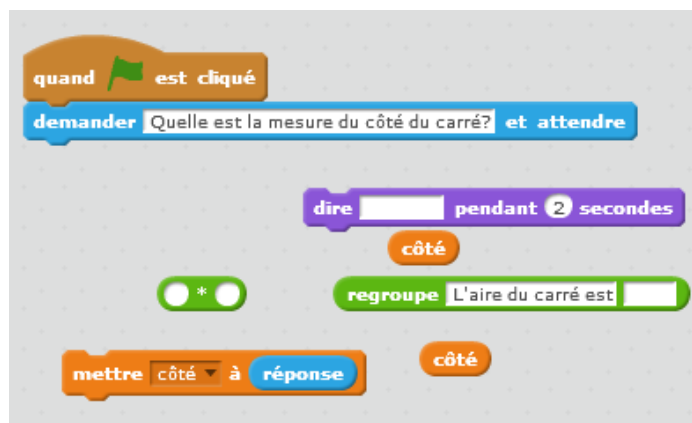
Exercice 6 Écrire un programme nécessitant une variable

Écris un programme qui calcule et affiche l'aire d'un carré lorsque l'utilisateur rentre la longueur du côté du carré.

😊 Tu ne devras utiliser que les instructions ci-contre !

Pour tester ta réponse, tu peux télécharger Scratch :

<https://scratch.mit.edu/download/scratch2>



**Je cherche, je raisonne,
je relève des défis**

Pour aller plus loin, voici deux défis à relever en réalisant les projets de programmation suivants.

Défi 1 - Générateur de code MORSE

Le MORSE est un système de codage qui permet de transmettre un texte à l'aide de signaux, par exemple sonores.

Ces signaux peuvent être

courts (un • correspond à un son de 0,25 s)
ou **longs** (un – correspond à un son trois fois plus long).

😊 Tu peux chercher d'où vient le mot « Morse » !

ALPHABET MORSE						
A ..	B -...	C -.-.	D -..	E .	F ...-	G ---
H	I ..	J	K -.-	L .-...	M --	N -.
O ---	P	Q -.-	R ...-	S ...	T -	U ---
V	W -.-	X -.-	Y -.-	Z ----		

À toi de jouer ! Réalise un générateur de code Morse : l'appui sur une lettre du clavier générera le signal sonore correspondant.

Défi 2 - Jeu du cadavre exquis

Le jeu du « cadavre exquis » consiste à générer une phrase aléatoire composée d'un sujet, d'un verbe et d'un complément.

Pour cela, il faut piocher au hasard :

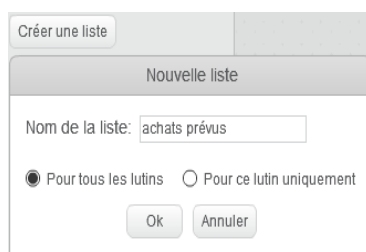
- Un sujet dans une liste « sujets »,
- puis un verbe dans une liste « verbes »
- et enfin un complément dans une liste « compléments ».

La phrase obtenue peut alors être drôle ou étrange.

😊 Renseigne-toi sur le surréalisme !

Voici par exemple quatre phrases obtenues ci-contre :

On pourra utiliser des listes, disponibles dans le menu **Données**



😊 Une fois créée, la liste apparaît sur la scène. Un numéro appelé indice est affecté à un chaque élément qui compose la liste.



À toi de jouer !

Programme ce jeu. Tu vas pour cela utiliser les listes ci-dessous :

- **Liste « sujets »** : mon meilleur ami, le voyageur, le poète, un vieux marin, le petit enfant, ...
- **Liste « verbes »** : médite, se repose, danse, rit aux éclats, s'émerveille, déambule, rêve, ...
- **Liste « compléments »** : sur le sable, au sommet de la montagne, avec douceur, à la campagne, en pleine mer, ...

Une fois que tu as exécuté ce programme plusieurs fois, réalise un texte de cinq vers à l'aide de phrases aléatoires que tu as obtenues et que tu préfères.

Si tu as envie d'en savoir plus sur ce thème-là, clique sur [ce lien](#). Tu verras que le langage de programmation utilisé est le langage *Python*. C'est le langage que tu utiliseras au lycée.

Je me corrige

Les corrigés des exercices de cette fiche sont accessibles en cliquant sur [ce lien](#) ou en scannant le QR-code ci-contre.



Corrigés Fiche Nombres décimaux

Cahier de vacances
Classe de 4^e

Académie Lille

Mise en route 1 : Voici les températures moyennes des planètes du Système Solaire :

1) Ranger ces planètes dans l'ordre croissant de leur température moyenne.

$-225^{\circ}\text{C} < -193^{\circ}\text{C} < -180^{\circ}\text{C} < -121^{\circ}\text{C} < -63^{\circ}\text{C} < +15^{\circ}\text{C} < +179^{\circ}\text{C} < +482^{\circ}\text{C}$

Neptune - Uranus - Saturne - Jupiter - Mars - Terre - Mercure - Vénus.

2) Proposer une explication de ces écarts de températures.

La température moyenne des planètes varie en fonction de la distance des planètes par rapport au soleil.

Certaines planètes sont très éloignées du soleil et leur température est alors extrêmement basse. Et plus elles sont proches, plus la température est élevée.



Tous les nombres négatifs sont inférieurs aux nombres positifs.

Parmi tous les nombres négatifs, le plus petit est celui qui est le plus loin de 0.

Mise en route 2 : Les solutions sont colorées en vert:

		A	B	C
1.	Dans ce repère, les coordonnées de A sont ...	$(-3 ; 5)$	$(5 ; -3)$	$(-3 ; 2,5)$
2.	Deux nombres relatifs opposés ont pour ...	somme 0	différence 0	différence - 1
3.	$-11 + 9$ est égal à ...	-20	-2	2
4.	$-3 - (-5)$ est égal à ...	$-3 - 5$	$-3 + 5$	$3 + (-5)$
5.	$-6 + 9 - 5 - 6 + 8 - 9 + 5$ est égal à	$-6 - 6 + 8$	8	- 4

Mise en route 3 :

La petite sœur de Pauline a gribouillé une partie de son travail. Aide la à retrouver les termes manquants.

- a) $5 + (-9) = -4$
- b) $(-9) + 7 = -2$
- c) $(-12) + 7 = -5$
- d) $8 + (-5) = 3$

Mise en route 4 :

Compléter avec les signes opératoires + ou - :

- a) $-11 + (-6) = -17$
- b) $7 - 8 = -1$
- c) $26 + (-26) = 0$
- d) $-18 - 17 = -35$

Addition :

- Si les 2 nombres ont le même signe, la somme a le signe commun et on ajoute les distances à zéro.

$$(-7) + (-6) = (-13)$$

- Si les 2 nombres ont des signes contraires, la somme a le signe du « plus fort » et on soustrait les distances à zéro.

$$(-4) + (+5) = +1 \text{ ou } 1$$

Soustraction

Pour soustraire, on ajoute l'opposé:
 $a - b = a + \text{opposé de } b$

$$5 - (-3) = 5 + (+3) = 5 + 3 = 8$$

$$-4 - 7 = -4 + (-7) = -11$$

Je m'exerce

Exercice 1 : $8 \times (-6) = -48$; $(-9) \times (-6) = 54$;
 $(-5) \times 7 = -35$; $(-7) \times (-8) = 56$.

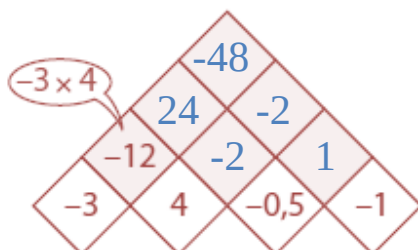
Exercice 2 :

a. Pour que le produit $-5 \times (-7,1) \times \clubsuit \times (-6) \times (-7)$ soit positif, il doit y avoir un nombre pair de facteurs négatifs. Comme il y a déjà 4 facteurs négatifs : $\clubsuit$ est donc un nombre positif

b. Pour que le produit $9,8 \times 1,5 \times (-1,1) \times \clubsuit \times (-8,7)$ soit négatif, il doit y avoir un nombre impair de facteurs négatifs. Comme il y a déjà 2 facteurs négatifs, il en faut un troisième : $\clubsuit$ est un nombre négatif

Exercice 3 : $(-100) \div 25 = -4$; $-35 \div (-5) = 7$;
 $7,5 \div (-3) = -2,5$; $(-72) \div 8 = -9$.

Exercice 4 : Le nombre écrit dans un carré jaune est le produit des nombres écrits dans les deux carrés sur lesquels il repose. Compléter :



Exercice 5 : Voici deux programmes de calcul.

Programme A	Programme B
Choisir un nombre.	Choisir un nombre.
Le multiplier par -1.	Prendre son opposé.
Ajouter -7.	Soustraire 7.

a. Appliquer chacun de ces programmes de calcul à 7,1 puis à -9,3. Que remarque-t-on ?

Programme A : $7,1 \times (-1) + (-7) = -7,1 + (-7) = -14,1$

$$-9,3 \times (-1) + (-7) = 9,3 + (-7) = 2,3$$

Programme B : $-7,1 - 7 = -14,1$

$$9,3 - 7 = 2,3$$

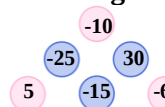
Pour 7,1 et pour -9,3, les deux programmes donnent le même résultat final

b. La remarque précédente est-elle valable quel que soit le nombre choisi ? Expliquer.

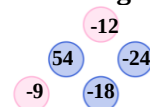
Les 2^{ème} et 3^{ème} instructions des deux programmes sont identiques : en effet multiplier un nombre par -1 revient à prendre l'opposé de ce nombre et soustraire un nombre revient à ajouter son opposé

Exercice 6 :

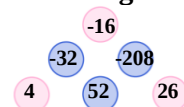
Triangle 1



Triangle 2



Triangle 3



La règle consiste à multiplier les nombres situés dans les cases roses puis à diviser par 2 le produit trouvé de manière à trouver le nombre de la case bleue.

$$5 \times (-10) \div 2 = -25$$

$$54 \div (-9) \times 2 = -12$$

$$52 = 4 \times 26 \div 2$$

$$-10 \times (-6) \div 2 = 30$$

$$-24 \div (-12) \times 2 = 4$$

$$-208 = -16 \times 26 \div 2$$

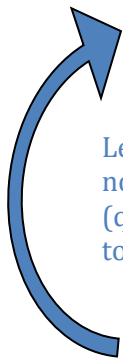
$$-5 \times (-6) \div 2 = 15$$

$$4 \times (-9) \div 2 = -18$$

$$-32 = -16 \times 4 \div 2$$

Je cherche, je raisonne, je relève des défis

Défi 1 La roue des relatifs



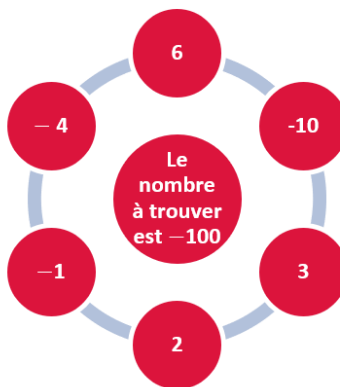
Le produit de trois
nombres consécutifs
(qui se suivent) vaut
toujours -24.



Défi 2 Le jeu des bulles

Règle du jeu

- On donne 6 nombres répartis dans 6 bulles
- Il faut donner les étapes de calculs permettant d'obtenir le résultat affiché au centre.
- On peut utiliser les 4 opérations autant de fois que l'on veut
- On ne peut pas utiliser deux fois le même nombre
- On n'est pas obligé d'utiliser tous les nombres



$$\begin{aligned} 1) & [-4 \times 2 - (3 - 1)] \times (-10) \\ &= [-4 \times 2 - 2] \times (-10) \\ &= [-8 - 2] \times (-10) \\ &= (-10) \times (-10) \\ &= 100 \end{aligned}$$

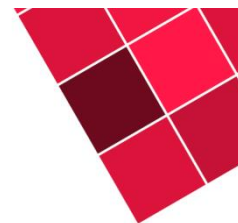
On n'obtient pas - 100 mais son opposé 100. Pour trouver - 100, l'idée est de permuter les termes situés à l'intérieur des crochets :

$$\begin{aligned} & [(3 - 1) - (-4) \times 2] \times (-10) \\ &= [2 - (-4) \times 2] \times (-10) \\ &= [2 + 8] \times (-10) \\ &= 10 \times (-10) \\ &= -100 \end{aligned}$$

$$2) \text{ Solution N°1 : } [6 - (-4)] \times (-10)$$

$$\text{Solution N°2 : } [(-1) + 6] \times 2 \times (-10)$$

Corrigés Fiche Fractions



Cahier de vacances
Classe de 4^e

Académie Lille

Exercice 1

- 24 n'est pas un nombre premier car 24 a au moins trois diviseurs : 1 ; 24 et 2 (24 étant un nombre pair).
- 31 est un nombre premier, ses seuls diviseurs sont 1 et 31.
- 39 n'est pas un nombre premier car 39 est divisible par 3 ($39 = 3 \times 13$).
- 47 est un nombre premier, ses seuls diviseurs sont 1 et 47.
- 85 n'est pas un nombre premier car 85 est divisible par 5 ($85 = 5 \times 17$).
- 91 n'est pas un nombre premier car 91 est divisible par 7 ($91 = 7 \times 13$).

Exercice 2

- $147 \div 3 = 49$
 $49 \div 7 = 7$
 $7 \div 7 = 1$
 Donc $147 = 3 \times 7 \times 7 = 3 \times 7^2$
- $156 \div 2 = 78$
 $78 \div 2 = 39$
 $39 \div 3 = 13$
 $13 \div 13 = 1$
 Donc $156 = 2 \times 2 \times 3 \times 13 = 2^2 \times 3 \times 13$
- $240 \div 2 = 120$
 $120 \div 2 = 60$
 $60 \div 2 = 30$
 $30 \div 2 = 15$
 $15 \div 3 = 5$
 $5 \div 5 = 1$
 D'où $240 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 5 = 2^4 \times 3 \times 5$

Exercice 3

1. Le programme permet d'afficher la liste des facteurs dans la décomposition d'un nombre en produit de facteurs premiers.
2. La valeur initiale de **d** est « 2 » car « 2 » est le plus petit nombre premier.
3. Les différentes valeurs prises par la variable **n** sont : **156 ; 78 ; 39 ; 13 et 1**.

Exercice 4

- a) $\frac{140}{135} = \frac{5 \times 28}{5 \times 27} = \frac{28}{27}$
- b) $\frac{14}{49} = \frac{7 \times 2}{7 \times 7} = \frac{2}{7}$ et $\frac{22}{55} = \frac{11 \times 2}{11 \times 5} = \frac{2}{5}$ et $\frac{34}{85} = \frac{17 \times 2}{17 \times 5} = \frac{2}{5}$ et $\frac{62}{155} = \frac{2 \times 31}{5 \times 31} = \frac{2}{5}$
- Ainsi $\frac{22}{55} = \frac{34}{85} = \frac{62}{155} = \frac{2}{5}$

Exercice 5

$$\frac{5}{2} \times \frac{-7}{3} = \frac{-35}{6} ; \quad \frac{49}{27} \times \frac{8}{21} = \frac{7 \times 7 \times 8}{3 \times 9 \times 3 \times 7} = \frac{56}{81}$$

$$\frac{5}{9} \div \frac{1}{2} = \frac{5}{9} \times \frac{2}{1} = \frac{10}{9} ; \quad \frac{5}{11} \div \frac{15}{66} = \frac{5}{11} \times \frac{66}{15} = \frac{5 \times 6 \times 11}{11 \times 3 \times 5} = \frac{6}{3} = 2$$

Énigme 1

	A	B	C	D	E
I	$\frac{2}{7}$	$\times$	$\frac{4}{5}$	$=$	$\frac{8}{35}$
II	$\times$		$\times$		$\times$
III	$\frac{5}{4}$	$\times$	$\frac{14}{9}$	$=$	$\frac{35}{18}$
IV	$=$		$=$		$=$
V	$\frac{5}{14}$	$\times$	$\frac{56}{45}$	$=$	$\frac{4}{9}$

Énigme 2

a) Oui, 790 code W car $790 = 2 \times 5 \times 79$ et 79 code W

b) On décode 048 354 256 511 946

- $048 \div 2 = 24$

$$24 \div 2 = 12$$

$$12 \div 2 = 6$$

$$6 \div 2 = 3$$

$$3 \div 3 = 1$$

$$48 = 2^4 \times 3$$

La lettre correspondante est donc « B ».

- 354

La lettre correspondante est « R ».

- $511 \div 7 = 73$

$$73 \div 73 = 1$$

$$511 = 7 \times 73$$

La lettre correspondante est donc « V ».

- $256 \div 2 = 128$

$$128 \div 2 = 64$$

$$64 \div 2 = 32$$

$$32 \div 2 = 16$$

$$16 \div 2 = 8$$

$$8 \div 2 = 4$$

$$4 \div 2 = 2$$

$$2 \div 2 = 1$$

$$256 = 2^8$$

La lettre correspondante est donc « A ».

- $946 \div 2 = 473$

$$473 \div 11 = 43$$

$$43 \div 43 = 1$$

$$946 = 2 \times 11 \times 43$$

La lettre correspondante est donc « O ».

Le mot que se sont échangés Ava et Joris est donc le mot « BRAVO ».

Corrigés Fiche Puissances

Cahier de vacances
Classe de 4^e

Exercice 1

a) Compléter :

$$10\,000 = 10^4 \quad 10^5 = 100\,000 \quad 10^0 = 1$$

$$10^{-2} = 0,01 \quad 0,000\,1 = 10^{-4} \quad 10^{-7} = 0,000\,000\,1$$

b) Ranger ces nombres dans l'ordre croissant :

$$52 \times 10^{-6} < 5,46 \times 10^{-5} < 3,142 \times 10^0 < 46 \times 10^{-1} < 13,07 \times 10^3 < 1,37 \times 10^4$$

c) Écrire ces produits sous la forme d'une seule puissance :

$$10 \times 10 \times 10 = 10^3 \quad 7 \times 7 \times 7 \times 7 = 7^4$$

$$(-3) \times (-3) \times (-3) \times (-3) \times (-3) = (-3)^5$$

Exercice 2

Le nombre *gogol* s'écrit 10^{100} .

C'est le mathématicien américain Edward Kasner qui aurait demandé à son neveu âgé de 9 ans, de baptiser ce nombre. Il lui aurait répondu simplement « *Googol* ».

Les fondateurs de Google ont choisi ce nom pour symboliser le flux énorme de données qui transitent sur le web.

Exercice 3

Associer chaque grandeur à une valeur cohérente :

Taille d'un virus	□	6,4 × 10 ⁶ m
Rayon de la Terre	□	165 × 10 ⁻² m
Altitude du Mont Blanc	□	8 × 10 ⁰ m
Épaisseur d'une feuille	□	2 × 10 ⁻⁹ m
Longueur d'une salle	□	2,7 × 10 ⁻⁷ m
Taille d'un humain	□	4,8 × 10 ³ m
Diamètre d'un brin d'ADN	□	10 ⁻⁴ m

Exercice 4

La lumière parcourt 3×10^5 km en une seconde.

On multiplie par 3600 pour obtenir la distance en une heure, puis par 24, pour obtenir en un jour et enfin par 365,25 pour l'obtenir en une année

En un an, elle parcourt donc, $3600 \times 24 \times 365,25 \times 3 \times 10^5 \approx 9,5 \times 10^{12}$ km

Pour rejoindre Proxima à la vitesse de 110 km/s,

$$t = \frac{d}{v} = (9,5 \times 10^{12} \text{ km}) \div (110 \text{ km/s}) \approx 8,64 \times 10^{10} \text{ s} \approx 2\,737 \text{ ans !}$$

L'objet construit par l'homme le plus rapide est la sonde Parker Solar Probe avec un record de 393 044 km/h soit 109 km/s environ. Mais cette vitesse ne nous permet pas pour l'instant de rejoindre les systèmes solaires les plus proches du nôtre. Il faut donc refuser la mission !

Exercice 5

	A	B	C	D	E
I	2	1	8	7	
II	9	9	0		1
III		1	3	3	1
IV	4	0		1	0
V	9		8	8	0

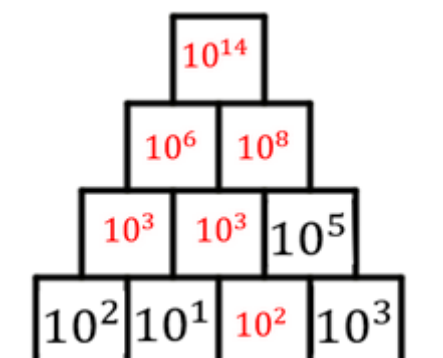
I : Puissance de 3 correspond à 3^7

III : Puissance de 11 correspond à 11^3

V : Puissance de 3 correspond à 3^2

A : puissance de 7 correspond à 7^2

Exercice 6



On peut compléter en pensant au nombre de zéros de chacune des puissances

Par exemple, $10^2 \times 10^1$ c'est $100 \times 10 = 1000 = 10^3$

Ou encore $10^3 \times 10^3$ c'est $1000 \times 1000 = 1000\ 000 = 10^6$ etc...

Défi 1

A 8h, la personne poste sa rumeur

A 9h, 10 personnes l'ont reçue ou 10^1

A 10h, 10×10 personnes l'ont reçue, c'est à dire 10^2 ...

On cherche quand on aura 10^6 personnes, c'est à la sixième heure, donc 14h.

Défi 2

Le volume de sable est $50\text{ m} \times 100\text{ m} \times 1\text{ m} = 5000\text{ m}^3 = 5 \times 10^{12}\text{ mm}^3$.

Dans un volume de 1 mm^3 , on place 10 grains donc le nombre de grains de cette plage est environ de 5×10^{13} .

Défi 3

Pour chaque bande de papier, on peut choisir parmi 10 vers.

Pour chaque vers choisi, il y a ensuite 10 possibilités pour le deuxième vers et ainsi de suite répété 14 fois.

Il y a $10 \times 10 \times \dots \times 10$ possibilités, comprenant 14 facteurs (les 14 bandes).

On compte donc 10^{14} sonnets possibles.

10^9 c'est un milliard, 10^5 c'est cent mille, 10^{14} correspond effectivement à cent mille milliards

On divise 10^{14} minutes par 60, puis 24, puis 365,25 pour trouver le nombre d'années.

On trouve environ 190 millions d'années !

Défi 4

Il y a 10^6 mots de passe possibles.

$10^6 : (2,5 \times 10^2) = 4\,000$ s c'est à dire 1h 6 min 40 s

Corrigés Fiche Proportionnalité

Cahier de vacances
Classe de 4^e

Académie Lille

Corrigé de l'exercice 1

$$\frac{80}{1} = 80 \text{ et } \frac{120}{2} = 60$$

Les quotients ne sont pas tous égaux donc le temps de cuisson n'est pas proportionnel à la masse du poulet.

Corrigé de l'exercice 2

Fraises

	$\times 2$	
Masse de sucre (en kg)	3	6
Masse de fruits (en kg)	5	10
	$\times 2$	

Framboises

Masse de sucre (en kg)	4	7
Masse de fruits (en kg)	6	10,5

$\times 1,5$

Cerises

× 1,5			
Masse de sucre (en kg)	4	10	14
Masse de fruits (en kg)	5	12,5	17,5

Corrigé de l'exercice 3

$\div 7$	Taille du fichier en mégaoctets	28	91	420	$\div 7$
	Temps de téléchargement en secondes	4	13	60	

- 1) Il lui faut **13 secondes** pour télécharger un fichier de 91 octets.
- 2) En une minute, il peut télécharger **420 mégaoctets**.

Corrigé de l'exercice 4

Distance parcourue (en km)	100	255	z
Consommation (en L)	8	y	60

$\times \frac{8}{100}$

$$y = \frac{8 \times 255}{100} = \frac{2040}{100} = 20,4 \text{ . Il faut donc } \mathbf{20,4 \text{ L}}$$
 pour parcourir 255 km.

$$z = \frac{100 \times 60}{8} = \frac{6000}{8} = 750 \text{ . Donc Thomas peut parcourir } \mathbf{750 \text{ km}}$$
 avec un plein de 60 L.

Corrigé de l'énigme 1

On considère que la masse de déchets est proportionnelle au nombre de personnes qui les produisent. Sur une période d'un an, on obtient donc le tableau de proportionnalité suivant :

Masse de déchets en tonnes	34 000 000	?
Nombre de personnes	66 500 000	1

$$\frac{34000000}{66500000} = \frac{340}{665} \text{ soit environ } 0,511 \text{ t par an et par personne.}$$

Or $0,511 \text{ t} = 511 \text{ kg}$ et $1 \text{ an} = 365 \text{ jours}$ ainsi pour un jour on obtient :

$$\frac{511}{365} = 1,4 \text{ soit } \mathbf{1,4 \text{ kg}} \text{ par jour de déchets pour une personne.}$$

On peut donc dire qu'un habitant en France produit un peu plus d'un kilogramme de déchets par jour.

Corrigé de l'énigme 2

Les pizzas ont la même épaisseur donc le volume de pizza (c'est à dire la quantité de pizza) est proportionnel à l'aire de la pizza.

$$\text{Aire de la petite pizza} = \pi \times 15^2 = 225\pi \text{ cm}^2$$

$$\text{Aire de la grande pizza} = \pi \times 20^2 = 400\pi \text{ cm}^2$$

Si le prix était proportionnel à la quantité de pizza, en partant du prix de la petite pizza, la grande coûterait :

Aire de la pizza en cm^2	225 π	400 π
Prix de la pizza en €	6	p

$$p = \frac{6 \times 400\pi}{225\pi} = \frac{2400}{225} \text{ soit un prix d'environ } 10,67 \text{ €.}$$

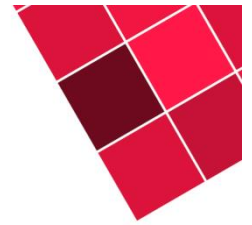
La grande pizza est donc plus avantageuse pour le client car elle ne coûte que 8 €.

Corrigé de l'énigme 3

Il faut aller 4 fois plus vite car $36 \div 9 = 4$

Il faudra donc 4 fois plus d'enfants si l'on considère que la vitesse d'exécution est proportionnelle au nombre d'enfants. Il faudra donc 16 enfants pour construire le même château en 9 minutes.

Corrigés Fiche Pythagore



Cahier de vacances
Classe de 4^e

Académie Lille

Exercice 1

Voir la correction de cet exercice en video en cliquant sur [ce lien](#) (à partir de 13 min 25).

Exercice 2

Dans le triangle RST rectangle en R, d'après le théorème de Pythagore,

$$ST^2 = RS^2 + RT^2$$

$$\text{d'où } 4^2 = RS^2 + 2,1^2$$

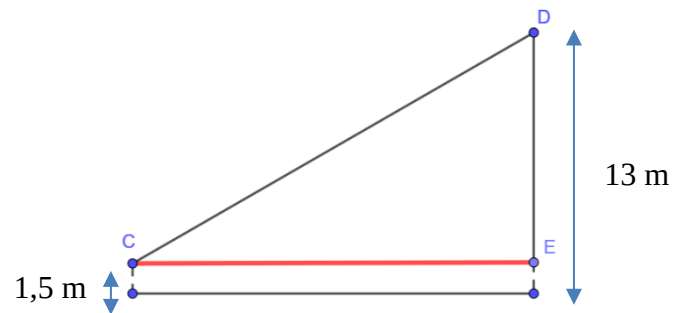
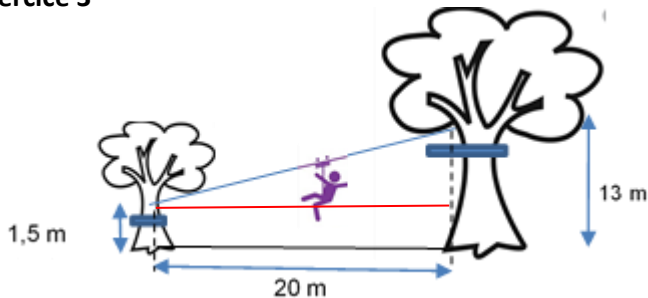
$$16 = RS^2 + 4,41$$

$$RS^2 = 16 - 4,41 = 11,59$$

$$RS = \sqrt{11,59} \approx 3,4 \text{ m}$$

Le prospectus ne dit pas vrai, la cabane est moins haute.

Exercice 3



On a représenté la situation à l'aide d'un schéma ci-dessus.

On souhaite appliquer le théorème de Pythagore dans le triangle CDE, rectangle en E.

Le côté [DE] mesure $13 \text{ m} - 1,5 \text{ m} = 11,5 \text{ m}$

D'après le théorème de Pythagore,

$$CD^2 = CE^2 + DE^2$$

$$CD^2 = 20^2 + 11,5^2 = 532,25$$

$$CD = \sqrt{532,25} \approx 23 \text{ m}$$

La tyrolienne mesure donc environ 23 mètres.

Exercice 4

Le plus grand côté du triangle MAI est [AI].

$$\text{D'une part } AI^2 = 6,5^2 = 42,25$$

$$\text{D'autre part } AM^2 + MI^2 = 6^2 + 2,5^2 = 42,25$$

$AI^2 = AM^2 + MI^2$, donc d'après la réciproque du théorème de Pythagore, MAI est rectangle en M.

Exercice 5

On représente la situation à l'aide d'un triangle ABC rectangle en A tel que $AB = 20 \text{ cm}$, $AC = 21 \text{ cm}$ et $BC = 29 \text{ cm}$. Répondre au problème revient à déterminer si le triangle ABC est rectangle en A.

Le plus grand côté est [BC].

$$\text{D'une part } BC^2 = 29^2 = 841$$

$$\text{D'autre part } AB^2 + AC^2 = 20^2 + 21^2 = 841$$

$BC^2 = AB^2 + AC^2$ donc d'après la réciproque du théorème de Pythagore, l'étagère est bien perpendiculaire au mur.

Défi 1

En appliquant le théorème de Pythagore dans les triangles rectangles DES, puis DFC, etc, rectangles en D on obtient :

$$DS^2 = DE^2 + ES^2 = 1^2 + 1^2 = 2$$

$$\text{Puis } DC^2 = SC^2 + DS^2 = 1 + 2 = 3,$$

$$\text{Puis } DA^2 = 4 \text{ etc... et puis } DE'^2 = 17, \text{ d'où } DE' = \sqrt{17} \approx 4,1 \text{ cm}$$

Défi 2

On calcule d'abord AB à l'aide du théorème de Pythagore dans le triangle ABG rectangle en G :

$$AB^2 = AG^2 + BG^2$$

$$AB^2 = 2^2 + 15^2 = 229$$

$$\text{Donc } AB = \sqrt{229}$$

Pui on calcule CD à l'aide du théorème de Pythagore dans le triangle CDF rectangle en F :

$$CD^2 = CF^2 + FD^2$$

$$CD^2 = 15^2 + 5^2 = 250$$

$$\text{Donc } CD = \sqrt{250}$$

Pour atteindre l'os, il a besoin d'une chaîne de longueur au moins égale à

$$AB + BC + CD = \sqrt{229} + 0,2 + \sqrt{250} \approx 31,14 \text{ m}$$

Sa chaîne mesurant 33 mètres, il va donc pouvoir atteindre son os.

Corrigés Fiche Agrandissement et réduction. Théorème de Thalès

Cahier de vacances
Classe de 4^e

Andréa Lefebvre

Exercice 1

- a) Le coefficient d'agrandissement vaut $\frac{AE}{AC} = \frac{6}{2} = 3$.
b) Le triangle ADE étant un agrandissement du triangle ABC, on a donc $DE = 3 \times BC = 3 \times 2,5 = 7,5$.

Exercice 3

Les droites (JO) et (KM) sont parallèles car perpendiculaires à une même droite.

La configuration rencontrée permet d'appliquer le théorème de Thalès : le tableau ci-dessous est donc un tableau de proportionnalité.

Triangle LJO	LJ	LO	JO
Triangle LKM	LK	LM	KM

Triangle LJO	1,60	LO	JO
Triangle LKM	5	LM	12,1

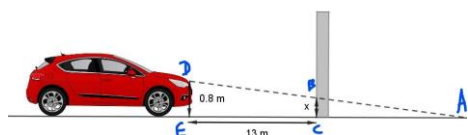
Cette figure sera retravaillée en 3^{ème}.
On pourra écrire l'égalité de rapports $\frac{LJ}{LK} = \frac{LO}{LM} = \frac{JO}{KM}$.

Donc $JO = 1,60 \times 12,1 \div 5 = 3,872$ m

Exercice 4

$$k = \frac{\text{longueur de la maquette}}{\text{longueur réelle du Titanic}} = \frac{45}{26900} \approx 0,00167$$

Défi 1



Dans cette configuration, d'après le théorème de Thalès, le tableau ci-dessous est un tableau de proportionnalité :

Triangle ABC	AB	AC	BC
Triangle ADE	AD	AE	DE

Triangle ABC	AB	30-13 = 17	x
Triangle ADE	AD	30	0,8

Ainsi :

$$x = 0,8 \times 17 \div 30$$

$$x \approx 0,45$$

Il faut donc que la hauteur de réglage soit environ égale à 45 cm pour que le véhicule vérifie les conditions de sécurité.

Défi 2

1 – 6 3 – 5 2 – 7 4 – 8

Corrigés Fiche Calcul littéral

Cahier de vacances
Classe de 4^e

Académie Lille

Un exercice pour calculer la valeur d'une expression littérale

On considère les quatre expressions suivantes :

$$A = 3x + 2$$

$$B = (3 - x)(2x + 1)$$

$$C = x^2 + 1$$

$$D = 3x^2 - 2x + 1$$

Calculer ces quatre expressions dans le cas où $x = 2$ puis dans le cas où $x = -2$.

1/ Pour $x = 2$

$$A = 3 \times 2 + 2 = 6 + 2 = 8$$

$$B = (3 - 2)(2 \times 2 + 1) = 1 \times 5 = 5$$

$$C = 2 \times 2 + 1 = 5$$

$$D = 3 \times 2^2 - 2 \times 2 + 1 = 3 \times 4 - 4 + 1 = 9$$

2/ Pour $x = -2$

$$A = 3 \times (-2) + 2 = -6 + 2 = -4$$

$$B = (3 - (-2))(2 \times (-2) + 1) = (3 + 2)(-4 + 1)$$

$$B = 5 \times (-3) = -15$$

$$C = (-2) \times (-2) + 1 = 5$$

$$D = 3 \times (-2)^2 - 2 \times (-2) + 1 = 3 \times 4 + 4 + 1$$

$$D = 17$$

Un exercice pour produire une expression littérale

1/ Traduire les programmes de calcul suivants par une expression littérale (on prend x comme nombre de départ)

PROGRAMME 1

- Choisir un nombre
- Prendre le double
- Retirer 1
- Multiplier le résultat par 4
- Annoncer le résultat.

$$x \rightarrow 2x \rightarrow 2x - 1 \rightarrow 4(2x - 1)$$

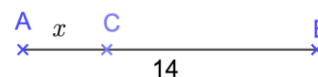
PROGRAMME 2

- Choisir un nombre
- Ajouter 5
- Mettre le résultat au carré (c'est-à-dire multiplier le résultat par lui-même).
- Annoncer le résultat.

$$x \rightarrow x + 5 \rightarrow (x + 5)^2$$

2/ Sur la figure ci-dessous, les points A, B et C sont alignés. AB = 14 et AC = x.
Exprimer la longueur BC en fonction de x.

$$BC = 14 - x$$



3/ Sur la figure ci-dessous, DHIG est un rectangle. E appartient à [DH] et F appartient à [GI] tels que DEFG est également un rectangle. DH = 12 ; HI = 6 et GF = x

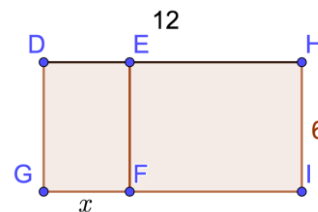
Exprimer l'aire et le périmètre de DEFG et de EHIF en fonction de x.

$$\text{Périmètre}_{DEFG} = 2x + 12$$

$$\text{Aire}_{DEFG} = 6x$$

$$\text{Périmètre}_{EHIF} = 2(12 - x) + 12$$

$$\text{Aire}_{EHIF} = 6(12 - x)$$



Énigme 1 :

On souhaite construire une mosaïque avec des petits carrés.

Peut-on prévoir à l'avance le nombre total de petits carrés qu'il faudra utiliser en connaissant le nombre de carrés sur un côté ?

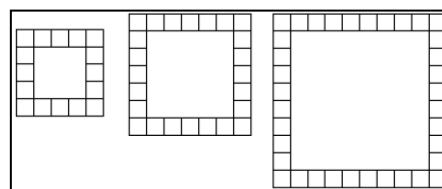
Si on appelle x le nombre de carrés sur un côté, alors le nombre total de carrés peut être donné par les formules :

$$4x - 4 \text{ (4 côtés et on enlève les 4 coins comptés 2 fois)}$$

$$x + (x - 1) + (x - 1) + (x - 2) = 4x - 4$$

$$2x + 2(x - 2)$$

$$x^2 - (x - 2)^2$$



Énigme 2 :

Un magicien prétend pouvoir lire dans la tête des spectateurs.

Il interroge une personne du public :

« Pensez à un nombre »

- ajouter 7

- multiplier le résultat par 3

- retirer 1

- enlever le triple du nombre de départ »

Puis déclare : « j'ai une vision ! vous trouvez 20 ! »

Que pensez-vous de ce magicien ?

Si on appelle x le nombre de départ

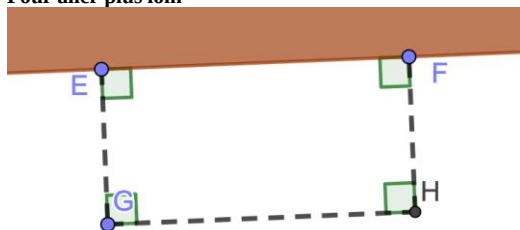
$$x \rightarrow x + 7 \rightarrow 3(x + 7) \rightarrow 3(x + 7) - 1 \rightarrow 3(x + 7) - 1 - 3x$$

Si on distribue et réduit l'expression finale, on obtient :

$$3(x + 7) - 1 - 3x = 3x + 21 - 1 - 3x = 20$$

Quel que soit le nombre de départ, le nombre à l'arrivée sera 20. Ce n'est donc pas tout à fait de la magie...

Pour aller plus loin



Vous avez acheté 10 mètres de grillage afin de clôturer un enclos le long du mur de votre maison.

Cet enclos est un rectangle et vous souhaitez que ce rectangle ait la plus grande aire possible.

Vous avez acheté 10 mètres de grillage afin de clôturer un enclos le long du mur de votre maison.

Cet enclos est un rectangle et vous souhaitez que ce rectangle ait la plus grande aire possible.

Un ami mathématicien vous aide :

« Si on appelle x la largeur du rectangle dont on cherche les dimensions, alors l'aire de ce rectangle sera égale à $10x - 2x^2$ »

Tu peux voir sur cette courbe l'évolution de l'aire en m^2 (axe des ordonnées) en fonction de la longueur choisie pour x en mètres (axe des abscisses) ».

PARTIE 1 : utiliser le graphique

1/ Lire graphiquement l'aire obtenue si on choisit $x = 2$

Si $x = 2$, l'aire vaut $12 m^2$

2/ Pour quelles valeurs de x obtient-on une aire de $8 m^2$?

L'aire vaut $8 m^2$ pour $x = 1 m$ et $x = 4 m$

3/ Quelle valeur pour x choisissez-vous alors pour avoir le rectangle avec la plus grande aire ?

L'aire est la plus grande pour $x = 2,5 m$

Partie 2 : retrouver la formule

Comme vous êtes curieux, vous souhaitez retrouver la formule obtenue par votre ami.

Afin de modéliser mathématiquement la situation, on appelle x les longueurs EG et FH.

1/ Montrer que $GH = 10 - 2x$

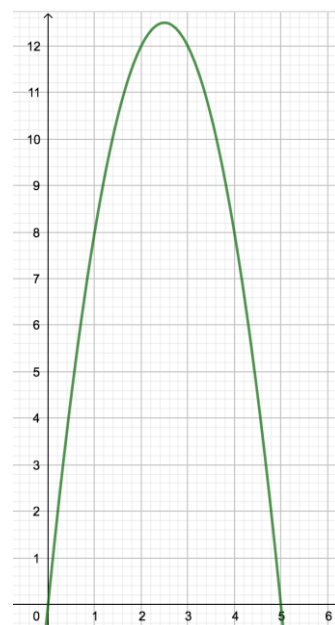
$$EG + GH + HF = 10 \text{ m donc } GH = 10 - EG - FH = 10 - x - x = 10 - 2x$$

2/ Montrer alors que l'aire du rectangle EFGH peut s'écrire $10x - 2x^2$

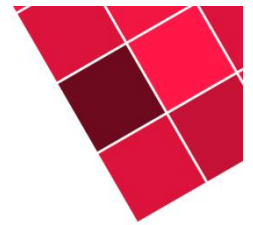
$$\text{Aire du rectangle} = \text{longueur} \times \text{largeur} \text{ donc l'aire du rectangle vaut } x(10 - 2x) = 10x - 2x^2$$

3/ Calculer l'aire obtenue en choisissant pour x votre réponse à la question 3 partie 1.

$$\text{Si } x = 2,5 \text{ on a } 10x - 2x^2 = 10 \times 2,5 - 2 \times 2,5^2 = 12,5$$



Corrigés Fiche Équations



Cahier de vacances
Classe de 4^e

Académie Lille

Exercice 1

- On teste $\frac{-1}{3}$

$$\text{Membre de gauche : } 2 \times \frac{-1}{3} - 3 = \frac{-2}{3} - 3 = \frac{-2-9}{3} = \frac{-11}{3}$$

$$\text{Membre de droite : } 5 \times \frac{-1}{3} - 4 = \frac{-5}{3} - 4 = \frac{-5-12}{3} = \frac{-17}{3}$$

$\frac{-11}{3} \neq \frac{-17}{3}$ donc $\frac{-1}{3}$ n'est pas une solution de l'équation.

- On teste -3

$$\text{Membre de gauche : } 2 \times (-3) - 3 = -6 - 3 = -9$$

$$\text{Membre de droite : } 5 \times (-3) - 4 = -15 - 4 = -19$$

$-9 \neq -19$ donc -3 n'est pas une solution de l'équation.

- On teste $\frac{1}{3}$

$$\text{Membre de gauche : } 2 \times \frac{1}{3} - 3 = \frac{2}{3} - 3 = \frac{2-9}{3} = \frac{-7}{3}$$

$$\text{Membre de droite : } 5 \times \frac{1}{3} - 4 = \frac{5}{3} - 4 = \frac{5-12}{3} = \frac{-7}{3}$$

On trouve le même résultat donc $\frac{1}{3}$ est une solution de l'équation.

Exercice 2

- 1) Le périmètre du rectangle est donné en fonction de x par

$$2(x + 3 + x) = 2(2x + 3) = 2 \times 2x + 2 \times 3 = 4x + 6$$

Déterminer la (ou les) valeur(s) de x telle(s) que ce périmètre soit égal à 30 cm revient donc à résoudre l'équation $4x + 6 = 30$.

- 2) On teste 5 :

$$\text{Membre de gauche : } 4 \times 5 + 6 = 20 + 6 = 26$$

$26 \neq 30$ donc 5 n'est pas une solution de l'équation.

On teste 6 :

$$\text{Membre de gauche : } 4 \times 6 + 6 = 24 + 6 = 30$$

Donc 6 est une solution de l'équation.

Exercice 3

1) On a entré la formule $=A2*A2 + A2 - 2$ ou $=A2^2 + A2 - 2$

2) C'est Margot qui a raison. La solution de l'équation se trouve dans la colonne A. Léo se trompe, il cherche la solution dans la colonne B où on a mis les valeurs prises par l'expression $x^2 + x - 2$.

3) On lit aussi grâce au tableau que $x = -3$ est une autre solution de cette équation.

4) Pour $x = 5,5$

$$x^2 + x - 2 = 5,5^2 + 5,5 - 2 = 33,75$$

Donc 5,5 est bien une solution.

Pour $x = -6,5$

$$x^2 + x - 2 = (-6,5)^2 + (-6,5) - 2 = 33,75$$

Donc -6,5 est bien une solution.

Exercice 4

a) $5x = -3$

$$\frac{5x}{5} = \frac{-3}{5}$$
$$x = \frac{-3}{5}$$

b) $5 + x = -3$

$$5 + x - 5 = -3 - 5$$
$$x = -8$$

c) $5x - 3 = 7$

$$5x - 3 + 3 = 7 + 3$$
$$5x = 10$$
$$\frac{5x}{5} = \frac{10}{5}$$
$$x = 2$$

d) $5x - 3 = 3x + 2$

$$5x - 3 + 3 = 3x + 2$$
$$5x - 3x = 3x + 5 -$$
$$2x = 5$$
$$\frac{2x}{2} = \frac{5}{2}$$
$$x = 2,5$$

Énigme 1

On note x le nombre entré à la calculatrice par Louise et Thomas.

Louise effectue donc le calcul $x \times 4 - 6$.

Thomas effectue donc le calcul $x \times 8 + 2$.

Ils obtiennent tous les deux le même résultat donc trouver le nombre de départ revient à résoudre l'équation suivante :

$$4x - 6 = 8x + 2$$

$$4x - 8x - 6 = 8x + 2 - 8x$$

$$-4x - 6 = 2$$

$$-4x - 6 + 6 = 2 + 6$$

$$-4x = 8$$

$$x = -2$$

Le nombre choisi au départ par Louise et Thomas est donc -2. Ils ont obtenu -14.

Énigme 2

- Je choisis de noter x la longueur du segment [AB].

Donc $AB = x$ et $BD = 7 - x$

- J'exprime les aires des deux triangles en fonction de x :

$$\text{Aire de ABC} = \frac{b \times h}{2} = \frac{AB \times AC}{2} = \frac{x \times 4}{2} = 2x$$

$$\text{Aire de BDE} = \frac{b \times h}{2} = \frac{BD \times DE}{2} = \frac{(7-x) \times 6}{2} = (7-x) \times 3 = 3(7-x)$$

En utilisant la distributivité l'aire du triangle BDE devient : $3 \times 7 - 3 \times x = 21 - 3x$

- Je cherche si les aires des deux triangles peuvent être égales en résolvant l'équation :

$$2x = 21 - 3x$$

$$2x + 3x = 21 - 3x + 3x$$

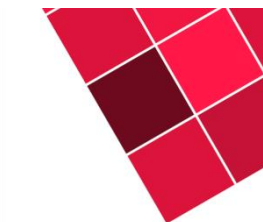
$$5x = 21$$

$$\frac{5x}{5} = \frac{21}{5}$$

$$x = 4,2$$

Les triangles ABC et BDE peuvent donc avoir la même aire lorsque le segment [AB] mesure 4,2 cm.

Corrigés Fiche Statistiques : médiane



Cahier de vacances
Classe de 4^e

Académie Lille

Exercice 1

On range dans l'ordre croissant les durées et on choisit la huitième donnée car l'effectif total est de 15 qui est impair ($15 = 2 \times 7 + 1$).

3 ; 4 ; 7 ; 7 ; 8 ; 9 ; 9 ; **11** ; 12 ; 12 ; 13 ; 15 ; 16 ; 17 ; 19

La durée médiane est de 11 minutes.

Il y a autant de vidéos qui durent moins de 11 minutes que de vidéos qui durent plus de 11 minutes.

Exercice 2

1) On range dans l'ordre croissant les notes pour chaque classe :

3^e A : 6 ; 7 ; 7 ; 7 ; 8 ; 8 ; 10 ; 10 ; **11 ; 11** ; 11 ; 12 ; 12 ; 13 ; 15 ; 15 ; 18 ; 18.

L'effectif total est égal à 18, qui est pair. On calcule $18/2 = 9$. Une médiane est donc une note entre la 9^e et la 10^e note.

Ici la 9^e note est 11 ainsi que la 10^e : **la médiane des notes de la classe 3^e A est donc égale à 11.**

3^e B : 7 ; 7 ; 7 ; 8 ; 8 ; 8 ; 8 ; 9 ; **9** ; 12 ; 13 ; 13 ; 13 ; 13 ; 16 ; 18 ; 19.

L'effectif total est égal à 17, qui est impair. La médiane est donc la 9^e note : **la médiane des notes de la classe 3^e B est égale à 9.**

2) On peut directement éliminer le graphique 3 car aucun élève des deux classes n'a eu de note entre 0 et 5. Or la couleur foncée est visible sur le graphique.

Sur le graphique 1, on remarque que **plus de la moitié** des élèves ont eu une note entre 5 et 10 (couleur grise).

Sur le graphique 2, il y a **moins de la moitié** des élèves qui ont eu une note entre 5 et 10.

Le graphique 1 correspond à la 3^e B où la médiane est égale à 9 : on suppose que **plus de la moitié** des élèves ont eu une note entre 5 et 10 sachant que la moitié ont eu une note inférieure ou égale à 9.

Le graphique 2 correspond à la 3^e A où la médiane est égale à 11 : on a **moins de la moitié** des élèves qui ont eu une note entre 5 et 10.

Exercice 3

1) $6\,500 - (1\,127 + 643 + 929 + 458 + 732 + 1207) = 6\,500 - 5\,096 = 1\,404$. Il y a eu 1 404 entrées le dimanche.

2) Il y a eu en moyenne 929 visiteurs par jour car $\frac{6\,500}{7} = 929$.

3) J'ordonne les données de la série :

$458 < 643 < 732 < 929 < 1127 < 1207 < 1404$.

L'effectif total est de 7 donc la médiane est la 4^e donnée de la série ordonnée.

La médiane est donc de 929 visiteurs. Il y a autant de jours où il y a plus de 929 visiteurs que de jours où il y en a moins.

Défi 1

1) On classe les âges en ordre croissant :

4 ; 6 ; 6 ; 8 ; 8 ; 8 ; 10 ; 10 ; 10 ; 10 ; 10 ; 12 ; 12 ; 12 ; 12 ; 12 ; 12 ; 14 ; 14 ; 14 ; 14 ; 16 ; 16 ; 16 ; 16

L'effectif est de 25 enfants (impair) donc la médiane est la 13^e donnée ($25 = 2 \times 12 + 1$).

L'âge médian est donc de 12 ans.

2) La dernière donnée de la série doit donc être remplacée par 18.

a) L'effectif de la série n'a pas changé : la médiane sera toujours la 13^e donnée, c'est-à-dire 12.

b) L'effectif total est inchangé. Dans le calcul de la moyenne, $\frac{4+6+\dots+16+18}{25} > \frac{4+6+\dots+16+16}{25}$ donc la moyenne va augmenter.

Défi 2

On veut respecter les règles suivantes :

- Les cinq nombres sont compris entre 0 et 10.
- Le plus petit nombre de la série est 3.
- La médiane de la série est égale à 8.
- La moyenne de la série est égale à 7.

On veut une moyenne égale à 7. Sachant qu'il y a cinq nombres, **la somme des nombres doit être égale à 35** car $35/5 = 7$.

Il y a cinq données donc la médiane est la 3^e donnée dans la série **ordonnée** ($5 = 2 \times 2 + 1$). Ici la 3^e valeur doit donc être égale à 8.

On a en respectant l'ordre croissant :

3 ... 8

Il reste à trouver les trois nombres restants sachant qu'il y en a un entre 3 et 8 inclus et les deux autres supérieurs ou égaux à 8.

Il y a plusieurs solutions :

3 4 8 10 10

3 5 8 9 10

3 6 8 9 9

3 7 8 8 9

3 8 8 8 8

Corrigés Fiche Probabilités

Cahier de vacances
Classe de 4^e

Académie Lille

Exercice 1

- Très probable. La probabilité est de $\frac{5}{6}$.
- Une chance sur deux. La probabilité est de 0,5.
- C'est un événement impossible.
- C'est un événement peu probable.

Exercice 2

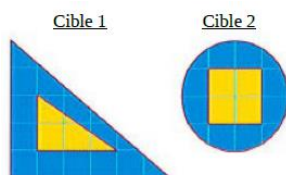
- « On obtient un nombre entier » est un événement certain.
- « On obtient 112 » est un événement impossible.
- Les issues réalisant l'événement E sont : 10 ; 20 ; 30 ; 40 ; 50 ; 60 ; 70 ; 80 et 90.
 - La probabilité de E est donc $P(E) = 9/100 = 0,09$.
- Les issues réalisant l'événement I sont : 3 ; 6 ; 9 ; 12 ; 15 ; 18 ; 21 ; 24 ; 27 ; 30 ;
33 ; 36 ; 39 ; 42 ; 45 ; 48 ; 51 ; 54 ; 57 ; 60 ;
63 ; 66 ; 69 ; 72 ; 75 ; 78 ; 81 ; 84 ; 87 ; 90 ;
93 ; 96 ; 99.

La probabilité de cet événement est donc égale à $33/100 = 0,33$.

Exercice 3

- Les issues de cette expérience aléatoire sont : A ; C ; R ; O ; P ; L et E.
- La probabilité de l'événement E_1 est $P(E_1) = 2/8 = \frac{1}{4} = 0,25$.
 - E_2 est l'événement « On n'obtient pas la lettre O ». On a $P(E_2) = 6/8 = 3/4 = 0,75$.
 - $P(E_3) = 4/8 = \frac{1}{2} = 0,5$.
 - $P(E_4) = 3/8 = 0,375$ car il y a 3 lettres du mot GREC qui se retrouvent dans le mot ACROPOLE.

Défi 1



- On prend un carreau comme unité d'aire.

$$\text{Aire partie claire} = \frac{3 \times 2}{2} = 3$$

$$\text{Aire totale} = \frac{6 \times 5}{2} = 15$$

$$\text{La probabilité recherchée est } \frac{3}{15} = \frac{1}{5}.$$

- Aire partie claire = 4

$$\text{Aire totale} = \pi \times 2^2 = 4\pi$$

$$\text{La probabilité recherchée est } \frac{4}{4\pi} = \frac{1}{\pi}.$$

Défi 2

1) Aline n'a que des billes rouges. Donc pour elle, "Tirer une bille rouge" est un événement certain. C'est à dire un événement de probabilité 1. C'est donc elle qui a la plus grande probabilité de tirer une bille rouge.

2) La probabilité de Bernard de tirer une bille rouge est de $\frac{10}{40} = \frac{1}{4}$.

Si on ajoute 15 billes noires dans le sac d'Aline, alors la probabilité d'Aline de tirer une bille rouge sera égale à $\frac{5}{20} = \frac{1}{4}$.

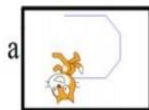
Ce sera donc la même que celle de Bernard.

Quizz

1. A 2. A 3. B 4. A

Exercice 1

a)



C'est la réponse **a)** à cause de « tourner de 45 ».

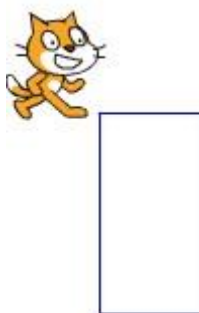
Exercice 2

Le bon programme est le programme 3.



C'est le programme 3. Le programme 1 trace un carré et le programme 2 ne permet pas de construire des angles droits.

Exercice 3



Exercice 4



Il faut faire attention à la mesure de l'angle de rotation. Il ne faut pas confondre les angles du triangle et la mesure de l'angle selon laquelle le chat doit tourner.

Exercice 5

- 1) 4 est le nombre de départ, donc la valeur de x sera $(4 + 3) \times 5 = 7 \times 5 = 35$.
- 2) Avec 10 comme nombre de départ, on obtient $(10 + 3) \times 5 = 13 \times 5 = 65$.
- 3) En « remontant » le programme ou en testant sur *Scratch*, on obtient $100 : 5 - 3 = 20 - 3 = 17$.
- 4) On appelle x le nombre de départ. L'expression associée est $(x + 3) \times 5$.

Exercice 6



Défi 1



« jouer la note 62 pendant 0.25 » correspond à un point et 0.75 à un trait.

On peut programmer les 25 autres lettres de l'alphabet à la suite du « a » à l'aide d'instructions conditionnelles « si ... alors » et en adaptant le modèle du « a ».

Défi 2

